

А. А. СТУПАЧЕНКО
(Ленинград)

МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ ВРЕМЕННЫХ ПРОЦЕССОВ В ЭЛЕМЕНТАХ СХЕМ РАДИОИЗМЕРИТЕЛЬНЫХ УСТРОЙСТВ

Современные методы синтеза схем различных измерительных приборов и систем предполагают широкое использование информации об изменении величин параметров элементов под воздействием времени и внешних факторов.

Задачи, которые разработчики радиоэлектронных устройств (р. э. у.) решают с помощью информации об эксплуатационных свойствах радиоэлементов, можно разделить на два класса:

1) задачи, обусловленные возникновением экстремальных значений приращения величин параметров у отдельных образцов элементов; имеются в виду приращения, приводящие к полному или условному отказу р. э. у. (проблемы надежности, долговечности, сохраняемости р. э. у., решаемые методами резервирования, дублирования и т. п.);

2) задачи, обусловленные закономерными значениями приращения величин параметров; имеются в виду приращения, влияющие на точность или устойчивость работы схем р. э. у. (проблемы, решаемые методами автокомпенсации, регулирования, проверок и т. п.).

Информация об эксплуатационных свойствах радиоэлементов должна обеспечивать решение следующих типовых задач:

1) определение надежности элемента по данному i -му параметру r_i при выбранных (установленных) значениях критерия отказа по данному параметру A_i , уровней факторов внешнего воздействия z_1, \dots, z_m (тепловая, электрическая и пр. нагрузки), продолжительности работы τ_j , уровня доверительной вероятности P_d :

$$r_i = f(A_i, \tau_j, z_1, \dots, z_m, P_d);$$

2) определение долговечности элемента τ_{di} при выбранных значениях критерия долговечности $D_i, A_i, z_1, \dots, z_m, P_d$:

$$\tau_{di} = f(D_i, A_i, z_1, \dots, z_m, P_d);$$

3) определение сохраняемости элемента τ_{ci} при выбранных значениях критерия сохраняемости $C_i, A_i, z_1, \dots, z_q, P_d, q < m$:

$$\tau_{ci} = f(C_i, A_i, z_1, \dots, z_q, P_d);$$

4) определение предельно допустимых уровней отдельных воздей-

ствующих факторов $\max z_j (1 \leq j \leq m)$ при выбранных значениях $r_i, A_i, \tau_j, z_1, \dots, z_{(j-1)}, z_{(j+1)}, \dots, z_m, P_d$:

$$\max z_j = f(r_i, A_i, \tau_j, z_1, \dots, z_{(j-1)}, z_{(j+1)}, \dots, z_m, P_d);$$

5) определение предельного (наиболее жесткого) уровня критерия отказа по данному i -му параметру A_i при выбранных значениях:

$r_i, \tau_j, z_1, \dots, z_m, P_d$:

$$A_i = f(r_i, \tau_j, z_1, \dots, z_m, P_d);$$

6) определение среднего приращения величины i -го параметра Δx_i при выбранных значениях $\tau_j, z_1, \dots, z_m, P_d$:

$$M_{\Delta x_i} = f(\tau_j, z_1, \dots, z_m, P_d);$$

7) определение дисперсии приращения величины параметра

$$S_{\Delta x_i}^2 = f(\tau_j, z_1, \dots, z_m, P_d);$$

8) определение функции распределения приращения величины параметра $P\{\Delta x_i\} = f(\tau_j, z_1, \dots, z_m, P_d)$, если последняя плохо описывается посредством $M_{\Delta x_i}$ и $S_{\Delta x_i}$.

Анализ перечисленных выше задач показывает, что содержание искомой информации должны составлять количественные соотношения, связывающие между собой величины четырех групп параметров:

а) параметра x_i , реализуемого у элемента в схемах р. э. у. (или его приращения Δx_i);

б) параметров, характеризующих состояние воздействующего окружения: z_1, \dots, z_m ;

в) продолжительности (времени) воздействия данного окружения на элемент τ ;

г) параметров, характеризующих отличительные признаки элемента (номинальная мощность рассеяния и номинальное сопротивление резисторов; номинальное рабочее напряжение и номинальная емкость конденсаторов и т. п.): $y_1, \dots, y_k (k \geq 1)$.

Анализ ряда исследований [1—3] показывает, что в общем случае разработчикам р. э. у. целесообразно разделять информацию: а) о полных отказах элемента; б) об условных отказах элемента по реализуемому параметру; в) о закономерных изменениях величины реализуемого параметра элемента. При этом под полным отказом следует понимать такие изменения (приращения) величины параметра, которые приводят к отказу любые схемы р. э. у., реализующие данное свойство элемента. Критерии полных отказов элементов должны устанавливаться разработчиками р. э. у. по согласованию с разработчиками радиоэлементов.

Под областью закономерных изменений величины i -го параметра элемента обычно понимают совокупность таких значений $x_i (\Delta x_i)$, которые обусловлены конструкцией, а также технологией изготовления изделия и принадлежат образцам, не содержащим существенные дефекты, вносимые сферой производства. Границы области закономерных значений $x_i (\Delta x_i)$ должен устанавливать разработчик элементов, который может учесть специфику данного изделия и прежде всего природу и механизм процессов в веществе материалов конструкции последнего.

К области условных отказов должны быть отнесены все значения $x_i (\Delta x_i)$, находящиеся вне области закономерных значений и области полных отказов. Выше уже отмечалось, что одна из границ области

условных отказов составляет компетенцию разработчиков радиоэлементов, другая — разработчиков р. э. у.

Математическая форма отображения временных процессов в радиоэлементах должна обладать следующими свойствами: а) учитывать вероятностный (точнее, статистический) характер связи между $\Delta x_i, \tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m$; б) быть пригодным для приближения элементарными функциями (поскольку истинные математические формы связи между величинами $\Delta x_i, \tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m$ нам в общем случае не известны); в) разрешаться относительно $\Delta x_i, \tau, z_1, \dots, z_m$.

ВЫБОР МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФОРМЫ ОТОБРАЖЕНИЯ ВРЕМЕННЫХ ПРОЦЕССОВ В ЭЛЕМЕНТАХ

Определим приращение величины i -го параметра элемента условием $\Delta x_i = \frac{x_{ij} - x_{i0}}{x_{i0}}$, где x_{i0} — исходное, а x_{ji} — некоторое последующее во времени значение, полученное под воздействием внешних факторов. Рассмотрим M_i — множество возможных значений Δx_i . С учетом отмеченных выше положений на M_i следует выделять три подмножества: $M_i = T_{i1} \cup T_{i2} \cup K_i$, где T_{i1} — область полных отказов; T_{i2} — область условных отказов; K_i — область закономерных изменений величин параметров элементов. В наиболее общем случае, когда возможно $\Delta x_i > 0$ и $\Delta x_i < 0$, подмножества T_{i1} и T_{i2} разбиваются на две части: $T_{i1} = T'_{i1} \cup T''_{i1}$ и $T_{i2} = T'_{i2} \cup T''_{i2}$ (рис. 1).

В качестве математической формы отображения временных процессов в радиоэлементах целесообразно использовать [4—6] семейство функций распределения вероятностей

$$P_{\tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m, P_d} \{ \Delta x_{ia} \} = \varphi(\Delta x_{ia}, \tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m, P_d) \quad (1)$$

определенное на множестве G пространства действующих факторов E_n . При этом $P \{ \Delta x_{ia} \} = P \{ \Delta x_i \leq \Delta x_{ia} \}$; остальные обозначения определены выше.

В силу принятого выше определения в области полных отказов нас интересует только вероятность попадания значения Δx_i на подмножество T_{i1} , поэтому

$$P \{ \Delta x_i \in T_{i1} | \tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m, P_d \} = \varphi(h'_i, H'_i, \tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m, P_d), \quad (2)$$

где h'_i и H'_i — соответственно внутренние границы подмножеств T'_{i1} и T''_{i1} (см. рис. 1).

В области условных отказов

$$P \{ \Delta x_i \in T_{i2} | \tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m, P_d \} = \varphi(\Delta x_i, \tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m, P_d). \quad (3)$$

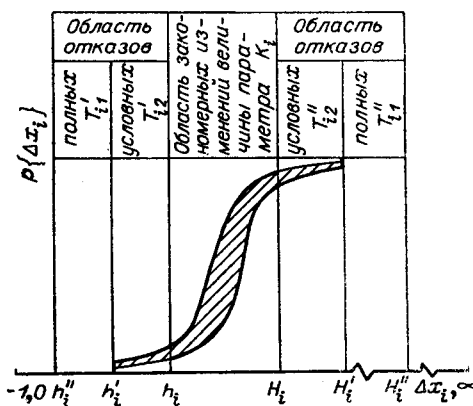


Рис. 1. Функции распределения $P \{ \Delta x_i \}$ на множестве Δx_i .

В области закономерных значений Δx_i — на подмножестве K_i — функции распределения (1) целесообразно представлять рядом Грама — Шарлье. В зависимости от характера задачи потребитель информации сможет использовать для решения только момент 1-го порядка, либо моменты 1-го и 2-го порядка, либо в предельном случае моменты и более высоких порядков. Таким образом, на K_i

$$P \{ \Delta x_i \in k_i | \tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m, P_n \} = \varphi (\mu_{ij}); \quad (4)$$

$$\mu_{ij} = \varphi_j (\tau, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m, P_n) \quad (1 \leq j \leq 4). \quad (5)$$

ПОСТРОЕНИЕ МАТЕМАТИЧЕСКИХ МОДЕЛЕЙ ВРЕМЕННЫХ ПРОЦЕССОВ В ЭЛЕМЕНТАХ

Значения функций (2) — (5) на отдельных точках G могут быть определены в результате экспериментального исследования.

Для построения плана эксперимента должны быть использованы математические методы [7]. Некоторая модификация ротатбельных планов 2-го и 3-го порядка обычно удовлетворяет требованиям данной задачи.

После реализации эксперимента построение математических моделей сводится к задаче приближения функций многих переменных (2) — (5), заданных таблично. Множество G замкнуто и ограничено (случай $\tau = \infty$ практического смысла не имеет); функции (2) — (5) непрерывны и ограничены.

Функции, приближающие (2) и (3) на G , должны удовлетворять условиям физической реализуемости:

$$P \{ \Delta x_i \} = 1,0 \text{ при } \tau = 0;$$

$$P \{ \Delta x_i \} = 0 \text{ при } \begin{cases} \tau = \infty; \\ z_j = \infty \end{cases} \quad (1 \leq j \leq m).$$

Поскольку в общем случае надежность элементов $r_i = \exp[-\lambda\tau]$, семейства (2) и (3) целесообразно приближать экспоненциальной функцией с показателем степени в виде произведения последовательности обыкновенных алгебраических многочленов

$$\begin{aligned} & \lambda_{l_1, \dots, l_n} (\Delta x_{l_1}, y_1, \dots, y_k, z_1, \dots, z_m, P_n) = \\ & = \sum_{k_1=0}^{l_1} \sum_{k_2=0}^{l_2} \dots \sum_{k_n=0}^{l_n} a_{k_1, \dots, k_n} \Delta x_i^{k_1}, y_1^{k_2}, \dots, P_n^{k_n} \end{aligned} \quad (6)$$

на полином 1—3-й степени по переменной τ :

$$\varphi (\tau) = \sum_{i=0}^3 b_i \tau^i. \quad (7)$$

Поскольку потребителей элементов интересуют гарантируемые значения надежности, долговечности и других показателей эксплуатационных свойств элементов, для функций (2) и (3) должна определяться верхняя граница соответствующего доверительного интервала. Последнее требование приводит к необходимости использовать взвешенное равномерное (чебышевское) приближение для определения неизвестных параметров (6) и (7).

Численные способы построения чебышевских приближений на множествах n -мерного пространства разработаны достаточно полно [8].

верительного интервала.

Ниже в качестве примера описания эксплуатационных свойств элементов приводятся математические модели временных процессов в резисторах типа M и полярных конденсаторах типа K . Модели построены по результатам специально спланированных экспериментов. Описание эксплуатационных свойств конденсаторов дано только для области полных отказов.

МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ ВРЕМЕННЫХ ПРОЦЕССОВ В ПОСТОЯННЫХ НЕПРОВОЛОЧНЫХ РЕЗИСТОРАХ ТИПА M

Реализуемый параметр — сопротивление резистора. Принятые обозначения, размерности и численные значения постоянных коэффициентов:

r — вероятность безотказной работы; λ — интенсивность отказов в $1/\mu$; τ — наработка (продолжительность работы) в μ ; τ_d — технический ресурс (долговечность) в μ ; τ_c — ресурс при хранении (сохраняемости) в μ ; D — критерий долговечности (значение доли изделий, которые могут утратить состояние работоспособности); C — критерий сохраняемости (значение доли изделий, которые могут утратить состояние работоспособности); R_n — номинальное значение сопротивления в $ком$; R_0 — исходное (до начала работы в составе схемы устройств) значение сопротивления в $ком$; $\frac{\Delta R}{R_0}$ — приращение изменения величины сопротивления резисторов по отношению к его исходному значению в %; A — критерий отказа резисторов по изменению величины сопротивления в %; R_n — номинальная мощность в $вт$; P — электрическая нагрузка (мощность), рассеиваемая на резисторе в схеме устройства в $вт$; $k = \frac{P}{P_n}$ — отношение рассеиваемой мощности к номинальной мощности резистора; t — уровень тепловой нагрузки (температуры окружающей среды), воздействующей на резистор в устройстве в $^{\circ}C$; P_d — доверительная вероятность; $B = P_d - 0,9$;

$a_1 = 0,53466 \cdot 10^{-4}$;	$a_8 = 0,86800 \cdot 10^{-5}$;	$a_{15} = -0,14701 \cdot 10^{-1}$;
$a_2 = 0,47391 \cdot 10^{-7}$;	$a_9 = 0,39292$;	$a_{16} = 0,38502 \cdot 10^{-4}$;
$a_3 = 0,34550 \cdot 10^{-8}$;	$a_{10} = -0,33568 \cdot 10^{-1}$;	$a_{17} = 0,68862$;
$a_4 = 0,36149 \cdot 10^{-18}$;	$a_{11} = 0,62360 \cdot 10^{-3}$;	$a_{18} = -0,19231 \cdot 10^{-2}$;
$a_5 = 0,11391 \cdot 10^{-14}$;	$a_{12} = -0,41436 \cdot 10^{-2}$;	$a_{19} = -0,11711 \cdot 10^{-1}$;
$a_6 = 0,41908 \cdot 10^{-18}$;	$a_{13} = -0,36155 \cdot 10^{-3}$;	$a_{20} = 0,28468 \cdot 10^{-3}$;
$a_7 = 0,77504 \cdot 10^{-16}$;	$a_{14} = 0,28995 \cdot 10^{-1}$;	$a_{21} = 0,37090 \cdot 10^{-1}$;
		$a_{22} = 0,41181 \cdot 10^{-3}$.

Область применения моделей:

$$P_n = 0,25 \div 2,0 \text{ вт}; \quad R_n = 10^{-1} \div 10^4 \text{ ком}; \quad 500 \leq \tau \leq 30\,000 \mu;$$

$$0 \leq k \leq 1,0; \quad -60^{\circ}C \leq t \leq +200^{\circ}C; \quad 10\% \leq |A| \leq 30\%;$$

$$0,9 \leq P_d \leq 0,99.$$

А. Описание эксплуатационных свойств резисторов в области полных условных отказов*: $10\% < \left| \frac{\Delta R}{R_0} \right| \leq 30\%$.

* Эксплуатационные свойства резисторов типа M в области отказов оказались не зависящими от R_n и P_n .

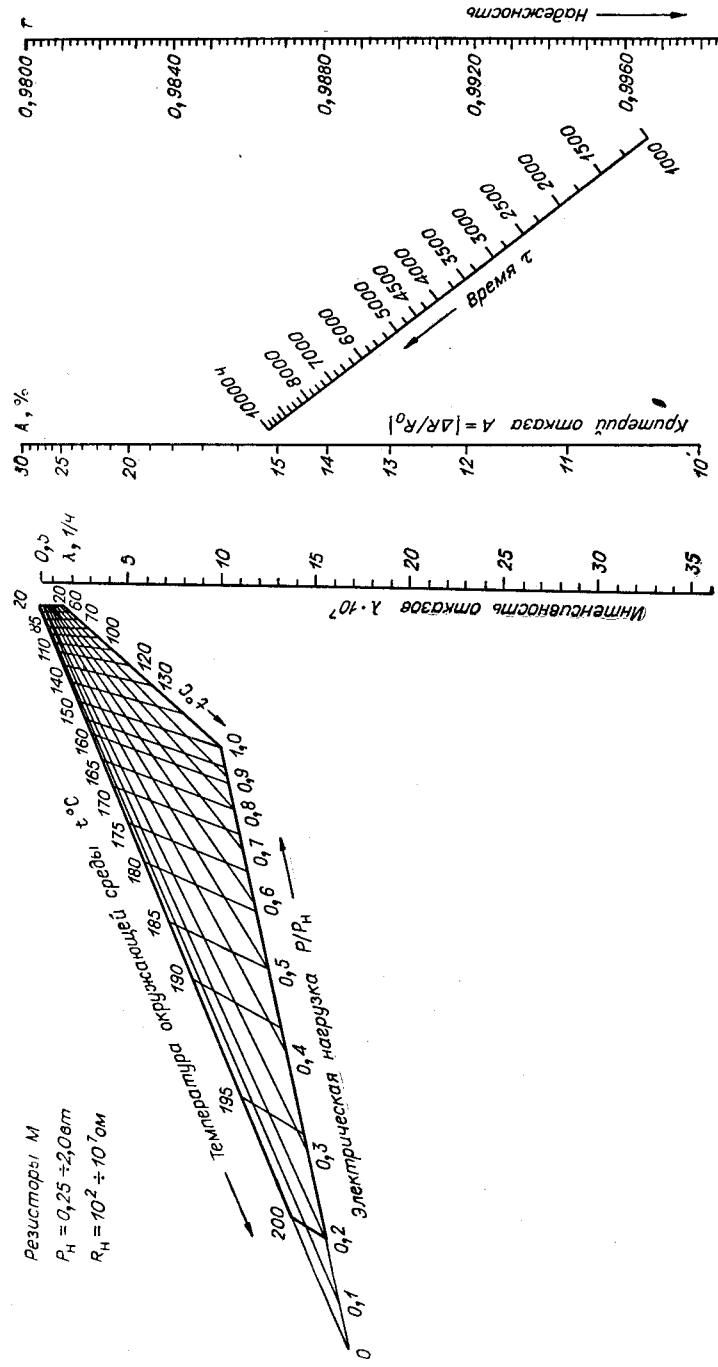
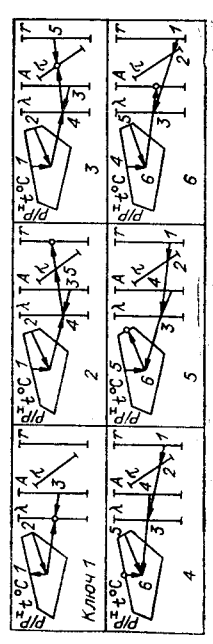


Рис. 2. Номограмма для определения эксплуатационных свойств резисторов типа М в области полных и условных отказов:

Интенсивности отказов $\lambda = f(t^\circ, P/P_H; A)$ (ключ 1); надежности $r = f(t^\circ, P/P_H; A; \tau)$ (ключ 2); долговечности $\tau = f(t^\circ, P/P_H; A; r)$ (ключ 3); максимальной температуры $t^{\text{max}} = f(P/P_H; A; \tau; r)$ (ключ 4); максимальной электрической нагрузки $(P/P_H)_{\text{max}} = f(t^\circ, A; \tau; r)$ (ключ 5); минимального уровня отказа $A_{\text{min}} = f(t^\circ, P/P_H; \tau; r)$ (ключ 6) при доверительной вероятности $P_1 = 0,9$.



Надежность:

$$r = P \left\{ \left| \frac{\Delta R}{R_0} \right| > A \mid \tau, t, k, P_n \right\} = \exp [-\lambda (A, k, t, P_n) \tau];$$

$$r \geq \exp \left\{ - \left[\frac{a_1}{A^2} + (a_2 + a_3 A) k^2 + \left(a_4 + \frac{a_5}{A^2} \right) t^5 + \left(a_6 + \frac{a_7}{A} \right) k^2 t^5 \right] \times \right.$$

$$\left. \times k^2 t^5 \right\} [1 + a_8 (P_n - 0,9)^2] \tau \}.$$

Надежность только по полным отказам определяется при $A=30\%$.
Технический ресурс:

$$\tau_n \geq \frac{-\ln(1-D)}{\left[\frac{a_1}{A^2} + (a_2 + a_3 A) k^2 + \left(a_4 + \frac{a_5}{A^2} \right) t^5 + \left(a_6 + \frac{a_7}{A} \right) k^2 t^5 \right] [1 + a_8 (P_n - 0,9)^2]}.$$

Ресурс при хранении:

$$\tau_c \geq \frac{-\ln(1-C)}{\left[\frac{a_1}{A^2} + \left(a_4 + \frac{a_5}{A^2} \right) t^5 \right] [1 + a_8 (P_n - 0,9)^2]}.$$

Предельно допустимое значение уровня тепловой нагрузки:

$$t \leq \left\{ \frac{\frac{\ln r}{[1 + a_8 (P_n - 0,9)^2] \tau} + \frac{a_1}{A^2} + (a_2 + a_3 A) k^2}{a_4 + a_5/A^2 + (a_6 + a_7/A) k^2} \right\}^{1/5}.$$

Предельно допустимое значение уровня электрической нагрузки:

$$k \leq \left\{ \frac{\frac{\ln r}{[1 + a_8 (P_n - 0,9)^2] \tau} + \frac{a_1}{A^2} + (a_4 + a_5/A^2) t^5}{a_2 + a_3 A + (a_6 + a_7/A) t^5} \right\}^{1/2}.$$

Номографическая форма модели. Номограмма рис. 2 позволяет решать перечисленные выше задачи при доверительной вероятности $P_n=0,9$. Правила пользования номограммой указаны ключами 1—6. Пример: определение надежности резистора.

1. На поле t и P/P_n находим точку пересечения заданных значений t и P/P_n .

2. Проводим прямую, соединяя эту точку с выбранным значением критерия отказа на шкале A . На пересечении прямой со шкалой λ читаем промежуточный ответ (точка 4).

3. Проводим прямую через точку 4 и точку на шкале τ , соответствующую заданной продолжительности работы, до пересечения со шкалой r . Читаем ответ.

Б. Описание эксплуатационных свойств резисторов в области закономерных значений: $\left| \frac{\Delta R}{R_0} \right| \leq 10\%$.

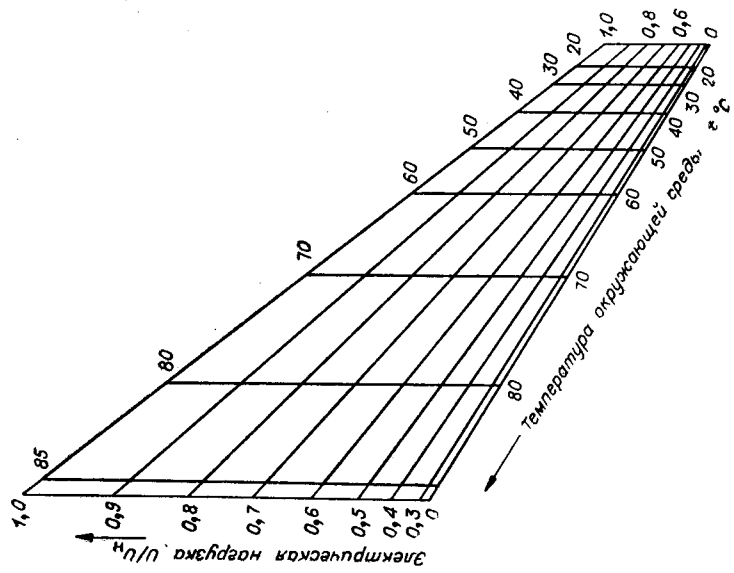
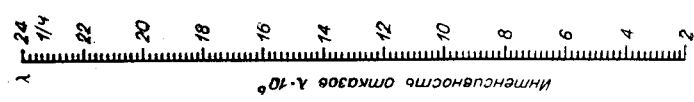
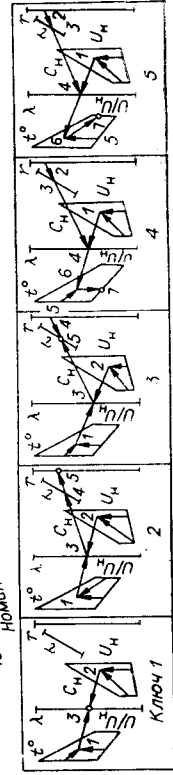
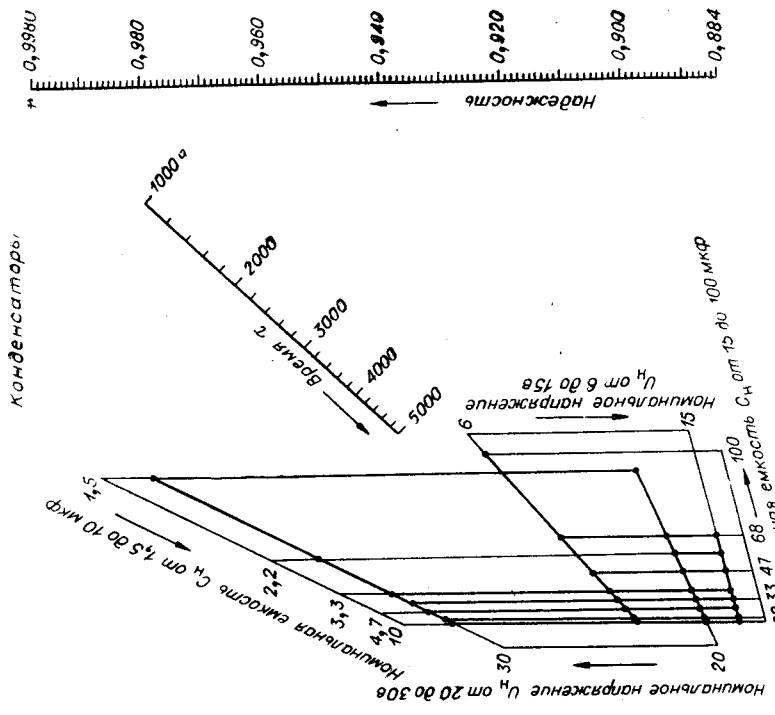
Среднее приращение величины сопротивления:

$$M \Delta R/R_0 = \sqrt{\frac{P_n}{R_n + \frac{a_9}{R_n}}} \sqrt{\tau} [a_{10} + a_{11} t + a_{12} k + a_{13} tk + a_{14} k^2].$$

Стандартное отклонение распределения приращения величины сопротивления:

$$S_{\Delta R/R_0} = \frac{P_n}{R_n} \{ 1 - \exp [- (a_{15} + a_{16} t + a_{17} k + a_{18} kt) \tau] \} \times$$

$$\times (a_{19} + a_{20} t + a_{21} k + a_{22} kt).$$



МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ ВРЕМЕННЫХ ПРОЦЕССОВ В ПОЛЯРНЫХ КОНДЕНСАТОРАХ ТИПА К

Реализуемые параметры: электрическая прочность, емкость, ток утечки, угол диэлектрических потерь.

Принятые обозначения, размерности и численные значения постоянных коэффициентов:

U_n — номинальное напряжение конденсатора в в; $k = \frac{U_p}{U_n}$ — отношение приложенного электрического напряжения к номинальному; C_n — номинальное значение емкости конденсатора в мкф; C_0 — исходное значение емкости конденсатора в мкф; $\Delta C/C_0$ — приращение исходной емкости конденсатора в %; $E_{пр}$ — электрическая прочность конденсатора в в; $\text{tg } \delta$ — тангенс угла диэлектрических потерь; $I_{ут}$ — ток утечки конденсатора в ма;

$$\begin{aligned} b_0 &= 0,160; & b_3 &= -0,6 \cdot 10^{-3}; & b_6 &= 0,34 \cdot 10^{-2}; & b_9 &= 0,52 \cdot 10^{+1}. \\ b_1 &= 0,644 \cdot 10^{-1}; & b_4 &= 0,13 \cdot 10^{+1}; & b_7 &= 0,83 \cdot 10^{+1}; \\ b_2 &= 0,15 \cdot 10^{-2}; & b_5 &= 0,1 \cdot 10^{-7}; & b_8 &= -0,122 \cdot 10^{+2}; \end{aligned}$$

Область применения моделей:

$$0 \leq U_p/U_n \leq 1,0; \quad U_n = 6 \div 30 \text{ в}; \quad C_n = 1,0 \div 100 \text{ мкф}; \quad 250 \text{ ч} \leq \tau \leq 5000 \text{ ч}; \quad +20^\circ\text{C} \leq t \leq +85^\circ\text{C}; \quad P_d = 0,9.$$

Описание эксплуатационных свойств конденсаторов типа К в области полных отказов: $E_{пр} \leq U_p$; $\left| \frac{\Delta C}{C_0} \right| > 50\%$; $I_{ут} \geq 10 \text{ ма}$; $\text{tg } \delta > 0,5$.

Надежность:

$$r = P \left\{ (E_{пр} \leq U_p) \cup \left(\left| \frac{\Delta C}{C_0} \right| > 50\% \right) \cup (I_{ут} \geq 10 \text{ ма}) \right\} \times \\ \times \cup (\text{tg } \delta > 0,5) \mid \tau; t; k; U_n; C_n;$$

$$r = \exp \left\{ - \left[(b_0 + b_1 k + b_2 t + b_3 kt) (b_4 + b_5 U_n + b_6 U_n^2) \times \right. \right. \\ \left. \left. \times (b_7 + b_8 \lg C_n + b_9 (\lg C_n)^2) \right] \tau \right\}.$$

Остальные модели могут быть получены преобразованием модели надежности.

Номографическая форма моделей. Номограмма рис. 3 позволяет определять все эксплуатационные свойства конденсаторов в области полных отказов (ключи 1—5).

Пример: Определение интенсивности отказов конденсатора (ключ 1). На бинарных полях t , U/U_n и C_n , U_n находим точки, соответствующие заданным значениям t , U/U_n , C_n и U_n . Соединяем указанные точки прямой и на шкале λ читаем результат.

Рис. 3. Номограмма для определения эксплуатационных свойств конденсаторов типа К в области полных отказов:

интенсивности отказов $\lambda = f(t^\circ; U/U_n; U_n; C_n)$ (ключ 1); надежности $r = f(t^\circ; U/U_n; U_n; C_n; \tau)$ (ключ 2); долговечности $\tau = f(t^\circ; U/U_n; U_n; C_n; r)$ (ключ 3); максимальной температуры $t_{\text{max}}^\circ = f(U/U_n; U_n; C_n; \tau; r)$ (ключ 4); максимальной электрической нагрузки $(U/U_n)_{\text{max}} = f(t^\circ; U_n; C_n; \tau; r)$ (ключ 5); при полном отказе изделия ($E_{пр} < U_{\text{раб}}$; $|\Delta C/C_0| > 50\%$; $I_{ут} > 10 \text{ ма}$; $\text{tg } \delta > 0,5$) и доверительной вероятности $P_d = 0,9$.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Математические модели по сравнению с другими формами представления содержат больше информации о свойствах элементов. Модели удобны для ручного (номографическая форма) и машинного (аналитическая форма с описанием алгоритма на АЛГОЛ-60) использования при разработке радиоэлектронных устройств.

ЛИТЕРАТУРА

1. А. М. Половко. Основы теории надежности. М., «Наука», 1964.
2. Н. Г. Бруевич, В. П. Грабовецкий. Об основных направлениях теории надежности.— В сб. «Кибернетика на службе коммунизма», т. 2. М., «Энергия», 1964.
3. Б. В. Карпюк, Н. Ф. Шмойлов. Об определении оптимальных значений параметров элементов измерительных систем.— Автометрия, 1966, № 4.
4. В. И. Пампуло. Определение погрешности аналоговых приборов во времени при больших изменениях средних значений параметров элементов.— Автометрия, 1966, № 4.
5. А. А. Ступаченко. Математические модели временных процессов в радиоэлементах.— Электронная техника, 1966, серия 8, № 4.
6. А. А. Ступаченко. Построение математических моделей временных процессов в постоянных резисторах.— Электронная техника, 1967, серия 8, № 1.
7. В. В. Налимов, Н. А. Чернова. Статистические методы планирования экстремальных экспериментов. М., «Наука», 1965.
8. С. И. Зуховицкий, Л. И. Авдеева. Линейное и выпуклое программирование. М., «Наука», 1964.
9. Н. Н. Rosenbrock. An automatic method for finding the greatest of the least values of a function.— The Computer Journal, 1960, v. 3, № 3.
10. M. Powell. An efficient method for finding the minimum of a function of several variables without calculating derivatives.— The Computer Journal, v. 7, № 2.

*Поступила в редакцию
5 мая 1967 г.,
окончательный вариант —
28 сентября 1967 г.*