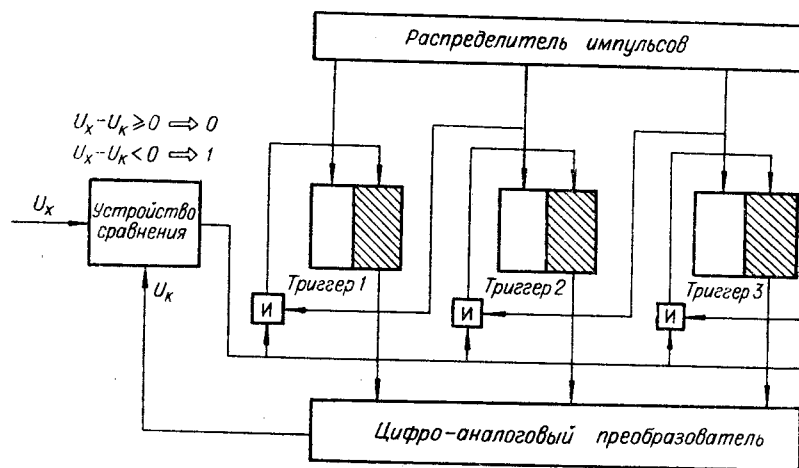


**В. Н. БОЙКОВ, Ю. М. КРЕНДЕЛЬ,  
 В. И. РАБИНОВИЧ, О. Е. ТРОФИМОВ**  
 (Новосибирск)

### О ВЛИЯНИИ НЕПРАВИЛЬНОЙ РАБОТЫ ЭЛЕМЕНТОВ ЦИФРОВОГО ИЗМЕРИТЕЛЬНОГО ПРИБОРА НА ЕГО ПОГРЕШНОСТЬ

В настоящей работе рассматривается влияние неправильной работы триггеров и устройства сравнения на точность прибора, основанного на методе двоичного поразрядного уравнивания. Блок-схема прибора приведена на рисунке. Анализ влияния этих элементов прибора



проводится отдельно. Например, при исследовании влияния неправильной работы триггеров устройство сравнения предполагается идеальным. Это делается с тем, чтобы «в чистом виде» выявить характер влияния указанных элементов на точность работы прибора.

В качестве критерия точности прибора используется средний модуль погрешности измерения. Приводимые ниже рассуждения почти не меняются при использовании многих других метрологических критериев (дисперсии ошибки, математического ожидания ошибки и т. п.).

Распределение измеряемой величины  $x$  в большинстве случаев для

определенности предполагается равномерным; почти все получаемые результаты могут быть записаны в общем виде либо получены для конкретного распределения по аналогии с равномерным.

### СБОИ ТРИГГЕРОВ

Будем предполагать, что сигналы подаются на счетные входы триггеров. Кроме полезных сигналов, на каждый из триггеров поступают помехи, которые переводят триггер в состояние, противоположное тому, в котором он находился.

Потоки помех, поступающие на различные триггеры, в настоящем рассмотрении предполагаются пуассоновскими, независимыми и с одним и тем же параметром  $\lambda$ . Время измерения разбито на  $n$  тактов ( $n$  — число двоичных разрядов результата измерения). Под тактом понимается промежуток времени между двумя импульсами тактового генератора. Поскольку потоки помех являются пуассоновскими и не зависят друг от друга, то  $P_{ik}$  — вероятность того, что в результате помех  $k$ -й триггер сменит свое состояние на  $i$ -м такте, не зависит от  $k$  и  $i$  и равна

$$P_{ik} = P = \sum_{r=0}^{\infty} \frac{e^{-\lambda \tau} (\lambda \tau)^{2r+1}}{(2r+1)!}, \quad (1)$$

где  $\tau$  — длительность такта. Следовательно,  $P$  — вероятность того, что число заявок, распределенных по пуассоновскому закону, пришедших за время  $\tau$ , — нечетно. В большинстве практических ситуаций  $\lambda$  мало, и можно считать, что  $P \approx e^{-\lambda \tau} \lambda \tau$  — вероятность прихода одной заявки за время  $\tau$ .

Таким образом, мы приходим к следующей модели: каждый из  $n$  триггеров независимо от других на любом из тактов может с вероятностью  $P$  под воздействием помех сменить свое состояние и с вероятностью  $1 - P$  остаться в прежнем состоянии. Смена состояний триггеров под воздействием полезных сигналов происходит в моменты времени  $k\tau$  ( $0 < k \leq n$ ).

Обозначим через  $P_\alpha$  вероятность того, что за время измерения придет  $\alpha$  помех:

$$P_\alpha = C_n^\alpha P^\alpha (1 - P)^{n-\alpha} \quad (0 \leq \alpha \leq n^2). \quad (2)$$

Так как в реальных ситуациях вероятность безотказной работы  $P_0$  достаточно велика, то из формулы (2) следует, что основную долю вероятности отказов  $1 - P_0$  составляет вероятность того, что придет одна помеха  $P_1$ . Поэтому подробно рассмотрим ситуацию, когда за время измерения приходит не более одной помехи.

Введем некоторые обозначения:  $z_{ki}$  ( $\mathbf{x}$  — результат измерения величины  $x$  при условии, что пришла помеха на  $k$ -й триггер на  $i$ -м такте. В настоящем рассмотрении удобно пользоваться двоичной записью измеряемых величин и результатов измерения:

$$x = x_1 \dots x_n \dots$$

$$x = \sum_{i=1}^{\infty} \frac{x_i}{2^i}; \quad x_i = 0, 1 \quad (\text{предполагается, что } 0 \leq x \leq 1);$$

$$z_{ki}(\mathbf{x}) = z_1 \dots z_n; \quad z = \sum_{i=1}^n \frac{z_i}{2^i}; \quad z_i = 0, 1.$$

Рассмотрим следующие ситуации.

1.  $k=i$ . Помеха приходит на  $k$ -й триггер на  $i$ -м такте; в  $k$ -й триггер введена 1, но сигнал от устройства сравнения на ее подтверждение или снятие еще не поступал.

Если  $x_k = 1$ , то  $z_{kk}(x) = x_1 \dots x_{k-1} \bar{x}_k x_k \dots x_n$ .

Если  $x_k = 0$ , то  $z_{kk}(x) = x_1 \dots x_n$  ( $1 \leq k \leq n$ ). Заметим, что при  $x_k = 0$  прибор работает безошибочно (с точностью до погрешности квантования).

2.  $k < i$  ( $2 \leq i \leq n$ ), ( $1 \leq k \leq i-1$ ). Номер триггера, на который пришла помеха, меньше номера такта, во время которого пришла помеха  $z_{ki}(x) = x_1 x_2 \dots x_{k-1} x_k x_{k+1} \dots x_{i-1} x_k \dots x_n$ .

3.  $k > i$  ( $1 \leq i \leq n-1$ ), ( $i+1 \leq k \leq n$ ).

Если  $x_k = 1$ , то  $z_{ki}(x) = x_1 \dots x_{k-1} x_k x_k \dots x_n$ . Случай  $x_k = 0$  подразделяется на два варианта.

3а. Число  $x$  таково, что в его двоичной записи между  $(i-1)$ -м и  $k$ -м разрядами имеется хотя бы одна единица. Пусть  $r$  ( $i-1 < r < k$ ) таково, что  $x_r = 1$  и  $x_l = 0$  ( $r < l < k$ ). Тогда  $z_{ki}(x) = x_1 \dots x_i \bar{x}_r x_r \dots x_r x_k x_r \dots x_r$ .

3б. Число  $x$  таково, что в его двоичной записи все  $x_l$  ( $i < l < k$ ). Тогда  $z_{ki}(x) = x_1 \dots x_n$ .

Может оказаться полезной также иная запись результатов измерения. Например, вариант 3а ( $k > i$  и  $x_k = 0$ ) можно записать в следующем виде:  $z_{ki}(x) = x_1 \dots x_k - \frac{1}{2^k} - \frac{1}{2^n}$ .

Данные формулы показывают, что помеха приводит к тому, что производится квантование до некоторого разряда  $k$  ( $k \leq n$ ) с добавлением некоторых констант, зависящих лишь от значений разрядов в двоичной записи  $x$ , расположенных между  $(i-1)$  и  $(k+1)$ -м разрядами.

Пусть измеряемая величина распределена равномерно на отрезке  $[0, 1]$ . Обозначим через  $M/\alpha$  средний модуль ошибки при условии, что пришло  $\alpha$  помех. Тогда полный средний модуль равен

$$M = \sum_{\alpha=0}^{n^2} P_{\alpha} M/\alpha = \sum_{\alpha=0}^{n^2} M_{\alpha}; \quad M_{\alpha} = P_{\alpha} M/\alpha. \quad (3)$$

Средний модуль ошибки при условии, что за время измерения не было помех, равен:

$$M/0 = \frac{1}{2^{n+1}}; \quad M_0 = P_0 \frac{1}{2^{n+1}} = \frac{(1-p)^{n^2}}{2^{n+1}}. \quad (4)$$

При отсутствии помех погрешность возникает за счет квантования, отнесение производится к левой границе кванта.

Средний модуль ошибки при условии, что пришла одна помеха, равен:

$$M/1 = \sum_{k=1}^n \sum_{i=1}^n \frac{1}{n^2} \int_0^1 |z_{ki}(x) - x| dx;$$

$$M_1 = n^2 P_1 M/1 = P(1-P)^{n^2-1} M/1. \quad (5)$$

Используя полученную выше зависимость между значениями изме-

ряемой величины, результата измерения и номерами триггера и такта, на которых была помеха, из формулы (5) получаем

$$M_1 = P (1 - P)^{n^2 - 1} \left( n - 2 + \frac{3n^2}{2^{n+2}} + \frac{5n}{2^{n+2}} + \frac{3}{2^{n+2}} - \frac{1}{2^{2n}} \right). \quad (6)$$

(Формула (6) справедлива при  $n \geq 2$ ).

Таким образом, если за время измерения приходит не более одной помехи, средний модуль ошибки при равномерном распределении  $x$  на  $[0, 1]$  равен

$$M = M_0 + M_1 = \frac{(1-P)^{n^2}}{2^{n+1}} + P (1 - P)^{n^2 - 1} \times \\ \times \left( n - 2 + \frac{3n^2}{2^{n+2}} + \frac{5n}{2^{n+2}} + \frac{3}{2^{n+2}} - \frac{1}{2^{2n}} \right). \quad (7)$$

В тех случаях, когда необходимо учитывать возможность двух и более помех, выражение (7) является оценкой снизу для значения среднего модуля. Оценка сверху может быть получена весьма просто. Действительно,

$$M = \sum_{\alpha=0}^{n^2} P_{\alpha} M_{\alpha} < M_0 + M_1 + P \quad (\alpha \geq 2). \quad (8)$$

В рассмотренной выше схеме предполагалось, что сигналы подаются на счетный вход триггера. Если подавать сигналы на отдельные входы, то в случае одной помехи изменится лишь вариант 3 ( $k > i$ ).

Если  $x_k = 1$ , то  $z_{ki}(x) = x_1 \dots x_n$ ; если  $x_k = 0$  и  $x_i = 0$ , то  $z_{ki}(x) = x_1 \dots x_n$  (безошибочная работа); если  $x_k = 0$ ,  $x_i = 1$ , то  $z_{ki}(x) = x_1 \dots x_k - \frac{1}{2^n}$ .

Таким образом, подача сигналов на отдельные входы уменьшает погрешность. Это связано с тем, что в случае счетных входов в схеме имеется некоторая избыточность, а именно: имеются каналы, запрещенные для полезного сигнала и свободные для помех.

### СБОИ УСТРОЙСТВА СРАВНЕНИЯ

Будем предполагать, что устройство сравнения реагирует не на разность между значениями измеряемой и компенсационной величин ( $U_x - U_k$ ), а на смесь этой величины со случайным мешающим воздействием  $\xi(t)$ . Таким образом, сбои устройства сравнения происходят в следующих ситуациях:

$$U_x - U_k > 0 \text{ и } U_x - U_k + \xi(t) < 0,$$

$$U_x - U_k < 0 \text{ и } U_x - U_k + \xi(t) > 0.$$

Следовательно,  $P(y)$  — вероятность сбоя устройства сравнения при условии, что  $U_x - U_k = y$ , равна

$$P(y) = \begin{cases} P(\xi(t) < -y), & \text{если } y > 0; \\ P(\xi(t) > -y), & \text{если } y \leq 0. \end{cases} \quad (9)$$

Рассмотрим влияние сбоев устройства сравнения на показания прибора. Пусть сбои происходят при подаче импульсов  $k(1), k(2), \dots, k(m)$  ( $k(1) \geq 1, k(i+1) \geq k(i), i = 1, \dots, m-1, k(m) \leq n$ ). В рассматриваемой модели предполагается, что устройство

сравнения работает лишь в моменты подачи импульсов. Пусть измеряемая величина  $x$  имеет вид  $x = x_1 \dots x_n \dots$ . Обозначим через  $z(x) = z_1 \dots z_n$  показание прибора. Тогда

$$z_i = \begin{cases} x_i, & \text{если } i < k(1); \\ \bar{x}_{k(1)}, & \text{если } i \geq k(1) \text{ и } i = k(j), j = 1, \dots, m; \\ x_{k(1)}, & \text{если } i \geq k(1) \text{ и } i \neq k(j), j = 1, \dots, m. \end{cases} \quad (10)$$

Из формулы (10) видно, что в рассматриваемой модели каждый дополнительный сбой устройства сравнения лишь «ухудшает» результат измерения. Этот факт может быть использован для получения оценок погрешности.

Введем некоторые обозначения:  $[x]_0 = 0$ ,  $[x]_i = x_1, \dots, x_i$  — квантование до  $i$ -го разряда;  $\{x\}_i = x - [x]_i$ ,  $i > 0$ .

Из формулы (10) следует, что если первый сбой устройства сравнения произошел при подаче импульса  $k(1)$ , то при  $x_{k(1)} = 1$

$$x - z(x) > \{x\}_{k(1)} + \frac{1}{2^n};$$

при  $x_{k(1)} = 0$

$$z(x) - x \geq \{x\}_{k(1)} + \frac{1}{2^{k(1)}}. \quad (11)$$

Для сокращения записи введем функцию

$$\varphi_i(x) = \begin{cases} \{x\}_i + \frac{1}{2^n}, & \text{если } x_i = 1; \\ \{x\}_i + \frac{1}{2^i}, & \text{если } x_i = 0. \end{cases} \quad (12)$$

Тогда, обозначая через  $Q_i(x)$  вероятность того, что первый сбой устройства сравнения при измерении величины  $x$  произойдет при подаче  $i$ -го импульса, получаем оценку для среднего модуля ошибки

$$M \geq \sum_{i=1}^n \int_0^1 Q_i(x) \varphi_i(x) f(x) dx, \quad (13)$$

где  $f(x)$  — плотность распределения измеряемой величины.

Если случайные величины  $\xi(t_1)$  и  $\xi(t_1 + \tau)$  независимы ( $\tau$  — время длительности такта), процесс  $\xi(t)$  стационарный и  $\xi(t_0)$  имеет плотность, симметричную относительно нуля, то выражение для  $Q_i(x)$  имеет вид

$$Q_i(x) = \prod_{r=1}^{i-1} \left( 1 - P\left(\left|\{x\}_{r-1} - \frac{1}{2^r}\right|\right) P\left(\left|\{x\}_i - \frac{1}{2^i}\right|\right) \right), \quad (14)$$

где  $P(|y|) = P(\xi(t) < -|y|)$ .

Формула (10) позволяет получить не только оценки, но и точные значения среднего модуля ошибки. Однако возникающие при этом довольно громоздкие выражения существенно затрудняют выяснение закономерностей формирования погрешности измерения. Кроме того, в практических ситуациях шум  $\xi(t)$  является не произвольным случайным процессом, а подчиняется ряду довольно жестких условий. В связи с этим представляется целесообразным рассмотреть влияние сбоев

устройства сравнения на точность измерения при различных предположениях относительно  $\xi(t)$ . Ниже подробно рассматривается ситуация, когда значения  $\xi(t)$  не могут быть по абсолютной величине больше одного деления шкалы прибора. Предположим, что величина  $x$  распределена на отрезке  $[0, 2^n]$ , а в окончательных формулах перейдем к величинам, распределенным на  $[0, 1]$ .

Итак,  $0 \leq x < 2^n$  и  $-1 \leq \xi(t) \leq 1$ . Каждое  $x$ , удовлетворяющее условиям  $1 \leq x \leq 2^n - 1$ , можно единственным образом представить в виде  $x = x_1 \dots x_{k-1} \overline{x_k} x_{k+1} \dots x_n$ . Пусть, например,  $x_k = 1$ , т. е.  $x = x_1 \dots x_{k-1} 10 \dots 0 x_{n+1} \dots$  ( $x_k$  — последняя единица в двоичной записи  $[x]_n = x_1 \dots x_n$ ). Если измеряемая величина имеет вид  $x = x_1 \dots x_{k-1} \overline{x_k} x_{k+1} \dots$ , то первый сбой устройства может произойти лишь при утверждении  $k$ -го разряда. При этом, если сбой произошел при утверждении  $k$ -го разряда, то больше сбоев быть не может; если же сбоя при утверждении  $k$ -го разряда не было, то сбой может произойти лишь при утверждении последнего разряда. Здесь существенным образом используется условие  $-1 \leq \xi(t) < 1$ , причем считается, что устройство сравнения работает без сбоя при подаче  $k$ -го импульса тогда и только тогда, когда оно выдает тот же знак, который имеет разность  $U_x - U_k$  к моменту подачи  $k$ -го импульса, хотя в результате ошибок на предыдущих тактах величина  $U_k$  могла быть сформирована неправильно.

Обозначим значение шума в момент подачи  $i$ -го импульса  $\xi(t_i)$ . Пусть  $x_k = 1$ . Тогда

1. Если  $\{x\}_n + \xi(t_k) > 0$  и  $\{x\}_n + \xi(t_n) - 1 < 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_n$  и  $x - z(x) = \{x\}_n$ ; нет сбоев.

2. Если  $\{x\}_n + \xi(t_k) > 0$  и  $\{x\}_n + \xi(t_n) - 1 > 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_{n-1} \overline{x_n}$  и  $x - z(x) = -1 + \{x\}_n$ ; нет сбоя на  $k$ -м и есть сбой на  $n$ -м такте.

3. Если  $\{x\}_n + \xi(t_k) < 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_{k-1} \overline{x_k} x_{k+1} \dots x_n$  и  $x - z(x) = 1 + \{x\}_n$ ; сбой на  $k$ -м такте.

Пусть  $x_k = 0$ . Тогда

1. Если  $\{x\}_n - 1 + \xi(t_k) < 0$  и  $\{x\}_n + \xi(t_n) > 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_n$  и  $x - z(x) = \{x\}_n$ ; нет сбоев.

2. Если  $\{x\}_n - 1 + \xi(t_k) < 0$  и  $\{x\}_n + \xi(t_n) < 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_{n-1} \overline{x_n}$  и  $x - z(x) = 1 + \{x\}_n$ ; нет сбоя на  $k$ -м и есть сбой на  $n$ -м такте.

3. Если  $\{x\}_n - 1 + \xi(t_k) > 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_{k-1} \overline{x_k} x_{k+1} \dots x_n$  и  $x - z(x) = -1 + \{x\}_n$ ; сбой на  $k$ -м такте.

Рассмотрим случай, когда  $x = 0 \dots 0 x_{n+1} \dots$ , т. е. измеряемая величина находится в первом кванте; тогда сбой возможен лишь на последнем такте.

1. Если  $\{x\}_n - 1 + \xi(t_n) < 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_n$  и  $x - z(x) = \{x\}_n$ ; безошибочная работа.

2. Если  $\{x\}_n - 1 + \xi(t_n) > 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_{n-1} \overline{x_n}$  и  $x - z(x) = -1 + \{x\}_n$ ; сбой на  $n$ -м такте.

Случай  $x = 11 \dots 1 x_{n+1} \dots$ , т. е. измеряемая величина расположена в последнем кванте. Сбой возможен лишь на последнем такте.

1. Если  $\{x\}_n + \xi(t_n) > 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_n$  и  $x - z(x) = \{x\}_n$ ; нет сбоев.

2. Если  $\{x\}_n + \xi(t_n) < 0$ , то  $z(x) = x_1 \dots x_{n-1} x_n$  и  $x - z(x) = 1 + \{x\}_n$ ; сбой на  $n$ -м такте.

Определим вероятности сбоев при фиксированном значении измеряемой величины  $x$ . При этом оставим в силе те предположения, которые сделаны при выводе формулы (14) и будем обозначать функцию распределения величины  $\xi(t_0)$  через  $F(\xi)$ .

Если  $x_k = 1$ , то  $P'_0(x) = F(\{x\}_n) F(1 - \{x\}_n)$  — вероятность того, что нет сбоев;  $P'_k(x) = [1 - F(\{x\}_n)]$  — вероятность сбоя на  $k$ -м такте;  $P'_n(x) = F(\{x\}_n) [1 - F(1 - \{x\}_n)]$  — вероятность сбоя на  $n$ -м такте. Если  $x_k = 0$ , то соответствующие вероятности равны:

$$P''_0(x) = F(\{x\}_n) F(1 - \{x\}_n); \quad P''_k(x) = [1 - F(1 - \{x\}_n)]; \quad P''_n(x) = F(1 - \{x\}_n) [1 - F(\{x\}_n)]. \quad (15)$$

Учитывая выражения для разности  $x - z(x)$ , можно записать средний модуль ошибки при фиксированном  $x$  (осреднение производится по всем возможным реализациям помехи).

Если  $x = x_1 \dots x_{k-1} x_k \bar{x}_k \dots \bar{x}_k x_{n+1} \dots$  и  $x_k = 1$ , то

$$M'(x) = P'_0(x) \{x\}_n + P'_k(x) (1 + \{x\}_n) + P'_n(x) (1 - \{x\}_n). \quad (16)$$

Если  $x = x_1 \dots x_{k-1} x_k \bar{x}_k \dots \bar{x}_k x_{n+1} \dots$  и  $x_k = 0$ , то

$$M''(x) = P''_0(x) \{x\}_n + P''_k(x) (1 - \{x\}_n) + P''_n(x) (1 + \{x\}_n). \quad (17)$$

Для значений  $x$ , находящихся в первом и последнем квантах, средний модуль ошибки можно определить аналогично (16) и (17). Осреднение по  $x$  с учетом его равномерного распределения дает

$$M = \frac{2^n - 1}{2^n} \int_0^1 [y F(y) F(1 - y) + y F(1 - y) - y F(y) - F(y) F(1 - y) + 1] dy + \frac{1}{2^n} \int_0^1 [2 + 2y F(1 - y) - F(1 - y) - F(y)] dy, \quad (18)$$

где  $y = \{x\}_n$ .

Если случайная величина распределена равномерно на отрезке  $[0, 1]$  и  $\xi(t)$  распределена в пределах одного кванта, то средний модуль ошибки составляет  $M^* = \frac{M}{2^n}$ .

Предположим теперь, что за время измерения значения шума не изменяются, и сравним эту ситуацию с рассмотренной выше при одной и той же функции распределения величины  $\xi(t_0)$ . (В дальнейшем индексами «з» и «н» будут обозначены «зависимый» и «независимый» шум).

Пусть  $x$  имеет вид  $x = x_1 \dots x_{k-1} x_k \bar{x}_k \dots \bar{x}_k x_{n+1} \dots$  и  $x_k = 1$ . Тогда вероятности сбоя на  $k$ -м такте при измерении величины  $x$

$$P'_{kз}(x) = P'_{кн}(x). \quad (19)$$

Вероятности сбоя на  $k$ -м такте совпадают, так как  $k$  — это первый такт, на котором может проявиться шум, а его «зависимость» или «независимость» еще не имеет значения. Вероятность сбоя на  $n$ -м такте:

$$P'_{nz}(x) = 1 - F(1 - \{x\}_n) = P(\xi(t_k) > 1 - \{x\}_n);$$

$$P_{nn}(x) = (1 - F(1 - \{x\}_n)) (1 - F(-\{x\}_n)) = \\ = P(\xi(t_k) > -\{x\}, \xi(t_n) > 1 - \{x\}). \quad (20)$$

Из (20) видно, что  $P'_{n3} > P'_{nn}$ . Поскольку вероятность безошибочной работы  $P_0(x) = 1 - P'_k(x) - P'_n(x)$ , то из (19) и (20) получаем, что  $P'_{03}(x) < P'_{0n}(x)$ . Указанные соотношения справедливы и в случае  $x_k = 0$ :

$$P'_{k3}(x) = P'_{kn}(x); P'_{n3}(x) = F(-\{x\}_n); \\ P'_{0n}(x) = F(-\{x\}_n) F(1 - \{x\}_n); P'_{03}(x) < P'_{0n}(x). \quad (21)$$

Если величина  $x$  расположена в первом или последнем кванте, то результаты для «зависимого» и «независимого» шума совпадают.

Рассмотрим соотношения между средним модулем ошибки для «зависимого» и «независимого» шумов. Из (19) — (21) следует, что  $P'_{n3} = P'_{k3}$  и  $P'_{n3} = P'_{k3}$ ; отсюда выражения для среднего модуля имеют одинаковый вид при  $x_n = 1$  и  $x_n = 0$ :

$$M_3(x) = P'_{03}\{x\}_n + P'_{k3}(1 + \{x\}_n) + P'_{n3}(1 - \{x\}_n); \quad (22)$$

$$M_3^0(x) = P'_{03}\{x\}_n + P'_{n3}(1 - \{x\}_n) + P'_{k3}(1 + \{x\}_n).$$

Осреднение (22) по  $x$  с учетом его равномерного распределения дает

$$M_3 = \frac{2^{n-1} - 1}{2^{n-1}} \int_0^1 |2yF(1-y) - F(y) - F(1-y) - y + 2| dy + \\ + \frac{1}{2^n} \int_0^1 |2 + 2yF(1-y) - F(1-y) - F(y)| dy. \quad (23)$$

Сравнивая (18) и (23), получаем, что  $M_3(x) > M_n(x)$ . Отнесение результатов измерения к середине кванта дает то же соотношение средних модулей ошибки «зависимого» и «независимого» шумов. Отметим, что в приведенных здесь рассуждениях о соотношении ошибки в случаях «зависимого» и «независимого» шумов существенным образом используется условие, что шум по абсолютной величине не превышает размеров кванта.

Подход, применяемый в данной статье, может быть использован для исследования цифровых измерительных приборов не только поразрядного, но и других способов уравнивания. Результаты работы показывают, что достаточно полное описание точностных свойств прибора может быть получено на основании сравнительно небольшого числа статистических характеристик его элементов, а также может быть выяснено, какие именно характеристики являются необходимыми. Точностные характеристики прибора могут быть определены и в предположении, что сбоям подвержены одновременно и устройство сравнения, и триггеры.

Следует отметить, что применяемый подход к исследованию работы прибора позволяет, независимо от конкретных значений вероятностных характеристик, предложить некоторые схемные методы улучшения метрологических свойств прибора и в ряде ситуаций оценить эффективность этих улучшений, а также производить сравнение различных приборов.

Поступила в редакцию  
29 сентября 1969 г.