

Рис. 2.

для  $h(t) = \cos \frac{\pi t}{T} + a \cos \frac{3\pi t}{T}$  (кривая 3), рекомендованных в [3] для интерполяции и аподизации спектрограмм, приведены на рис. 2.

где  $a = \sqrt[4]{M_{4\min}}$  — наименьший по абсолютной величине ненулевой корень уравнения  $\text{th} \frac{aT}{2} = -\text{tg} \frac{aT}{2}$ . Минимальное значение

$M_{4\min}$  приблизительно равно  $\left(\frac{3\pi}{2T}\right)^4$ .

Аналогичным путем отыскиваются весовые функции с минимальным значением моментов  $H^2(\omega)$  и более высокого порядка.

Отношения  $\frac{M_2}{M_{2\min}}$  и  $\frac{M_4}{M_{4\min}}$  для весовых функций  $h(t) = 1 + (1+a) \cos \frac{2\pi t}{T} + a \cos \frac{4\pi t}{T}$  (кривые 1 и 2) и  $\frac{M_2}{M_{2\min}}$

#### ЛИТЕРАТУРА

1. А. М. Агизим, Я. Н. Гнатив, М. Ш. Розенблат. Повышение селективности и быстродействия цифрового спектроанализатора.— Отбор и передача информации, 27. Киев, «Наукова думка», 1971.
2. Ю. Л. Клоков, А. М. Цирлин. Центрирование реализаций случайных процессов при помощи цифровых вычислительных машин.— Автоматика и телемеханика, № 3, 1963, т. 24.
3. A. S. Filler. Apodization and Interpolation in Fourier-Transform Spectroscopy.— Journal of Optical Society of America, 1964, v. 54, № 6.

Поступила в редакцию 6 октября 1972 г.

УДК 62-506

А. О. ЕГОРШИН, В. А. ИВАНОВ

(Новосибирск)

### О РЕГУЛЯРИЗАЦИИ В ЗАДАЧЕ АВТОМАТИЧЕСКОЙ НАСТРОЙКИ ПАРАМЕТРОВ МОДЕЛИ

Метод подстраиваемой модели является одним из самых перспективных (в смысле оперативности и простоты технической реализации) методов получения оценок параметров объектов в системах автоматического управления, оптимизации, диагностики динамического эксперимента. Результат идентификации в этом методе представляется непосредственно в виде аналоговой модели исследуемого объекта, которая может быть эффективно использована для решения задач автоматизации (прогнозирование, коррекции и т. д.).

Широкое применение для реализации систем с автоматической настройкой параметров получили градиентные методы [1] и тесно связанные с ними методы функций чувствительности [2, 3]. Однако эти методы эффективны лишь применительно к квазистационарным объектам и в случае достаточно медленных квазистационарных процессов настройки.

Одним из методов синтеза алгоритмов настройки параметров в самонастраиваемой системе (СНС) с моделью является прямой метод

Ляпунова, который обеспечивает асимптотическую устойчивость относительно координат ошибки [4, 5]. Весьма сложным, однако, является выбор функции Ляпунова, а при реализации алгоритмов возникают те же трудности, что и в градиентных системах. Для упомянутых подходов характерно то, что они предназначены для оптимизации только конечного состояния системы. В результате этого сам процесс настройки аналитически неконтролируем и практически недоступен анализу. Именно с этим связаны трудности обеспечения устойчивости процесса автоматической настройки и большая вероятность некорректного решения задачи идентификации или стабилизации параметров. Кроме того, методы, оптимизирующие только конечное состояние системы, не позволяют получать в процессе настройки текущие корректные оценки настраиваемых параметров, что существенно снижает возможности использования этих методов для идентификации и стабилизации нестационарных систем.

**Исследуемый подход.** Устойчивое решение рассматриваемой обратной задачи будет получено с помощью динамической регуляризации, обеспечивающей корректное решение задачи идентификации равномерно в течение всего процесса настройки [6]. Суть динамической регуляризации заключается в данном случае в том, что используемая для регуляризации априорная информация о настраиваемых (оцениваемых с помощью настройки) параметрах является функцией текущей измерительной информации. В качестве текущего априорного значения параметров используется апостериорная оценка, получаемая соответствующим сглаживанием реализованного с этим априорным значением процесса настройки, минимизирующего принятый критерий качества (в данном случае интеграл от квадрата разности между выходными сигналами объекта и модели). Процессом настройки мы называем здесь изменение настраиваемых параметров в функции времени. Таким образом, динамическая регуляризация означает введение в процесс минимизации используемого критерия обратной связи по текущей апостериорной оценке настраиваемых параметров. В структурном отношении такая регуляризация означает введение в контур настройки обратных связей по производной текущей апостериорной оценки.

Синтез параметрических управляющих воздействий осуществляется на основе метода динамического программирования [7, 8]. Использование этого метода оптимизации в случае возможности аналитического решения снимает вопрос об исследовании устойчивости системы. Функция Беллмана является оптимальной функцией Ляпунова системы, а уравнение Беллмана обеспечивает выполнение условий устойчивости [9]. Синтез оптимального управления снимает также проблему начальных условий модели.

Простота реализации рассматриваемой системы обеспечивается использованием соответствующих ограничений на параметрические управляющие воздействия (это приводит к сигнатурным алгоритмам настройки), а также линейной аппроксимацией поверхностей переключения управляющих функций, определяемых из уравнения Беллмана или принципа максимума. Излагаемые результаты приложимы как к системам с подстраиваемой, так и к системам с эталонной моделью. Для определенности изложение ведется в терминах системы с подстраиваемой моделью.

**Постановка задачи.** Объект и модель описываются уравнениями:

$$\dot{Y} = A_o Y + B_o \eta(t); \quad (1)$$

$$\dot{Z} = A_m(t) Z + B_m(t) \eta(t), \quad (2)$$

где  $\eta(t)$  — общий входной сигнал объекта и модели;  $A_o$ ,  $B_o$  и  $A_m$ ,  $B_m$  — матрицы объекта и модели соответственно. Примем каноническое описа-

ние системы [10] с одним входом: тогда матрицы  $A_o$ ,  $B_o$  будут определяться векторами параметров  $a_o$ ,  $b_o$ :

$$A_o = \left[ \begin{array}{c|c} 0 \vdots & \\ \vdots & E \\ \hline \dots & \\ \vdots & \\ 0 \vdots & 0 \end{array} \right] + \left[ \begin{array}{c|c} 0 & \\ \vdots & \\ \hline \dots & \\ 1 & \end{array} \right] a_o^T \triangleq I + ea_o^T; \quad (3)$$

$$B_o = \left[ \begin{array}{c|c} 0 & \\ \vdots & \\ \hline \dots & \\ 1 & \end{array} \right] b_o^T \triangleq eb_o^T, \quad (4)$$

где  $t$  — символ транспонирования. Такую же структуру будут иметь матрицы  $A_m$ ,  $B_m$ , определяемые векторами параметров  $a_m$ ,  $b_m$ . Будем рассматривать общий случай, когда все параметры объекта (компоненты векторов  $a_o$  и  $b_o$ ) неизвестны. С учетом введенных обозначений уравнения объекта и модели (1), (2) можно переписать следующим образом:

$$\dot{Y} = IY + ea_o^T Y + eb_o^T \eta; \quad (5)$$

$$\dot{Z} = IZ + ea_m^T Z + eb_m^T \eta. \quad (6)$$

Сигнал рассогласования между объектом и моделью  $X \triangleq Z - Y$  описывается уравнением

$$\dot{X} = A_o X + (A_m - A_o) Z + (B_m - B_o) \eta \quad (7)$$

или с учетом канонического описания

$$\dot{X} = IX + ea_o^T X + e(a_m - a_o)^T Z + e(b_m - b_o)^T \eta. \quad (8)$$

Ставится задача: используя параметрические управляющие входы модели  $a_m$ ,  $b_m$ , построить процесс подстройки модели «под объект», обеспечивающий минимум функционала

$$I = \int_0^T F(X) dt, \quad (9)$$

где  $F(X)$  — положительно определенная функция. Например,

$$F(X) = \sum X_i^2. \quad (10)$$

**Динамическая регуляризация.** В любом практическом случае имеется некоторая априорная информация о неизвестных параметрах объекта. Наличие ее — ситуация весьма обычная; ее использование представляет собой основу для регуляризации обратной задачи. Естественно поэтому изменение настраиваемых параметров модели осуществлять в виде отклонений от заданного априорного значения параметров. Запишем уравнение модели (6) в следующем виде:

$$\dot{Z} = IZ + e(a_m - a_m + a_m)^T Z + e(b_m - b_m + b_m)^T \eta. \quad (11)$$

Здесь  $a_m$ ,  $b_m$  — априорные значения параметров; векторы  $a \triangleq a_m - a_m$ ,  $b \triangleq b_m - b_m$  — настраиваемые параметры. Для краткости будем использовать следующие векторы для обозначения совокупностей величин:

$d^T \triangleq [a^T \vdots b^T]$  — совокупность управляющих переменных;  $m^T \triangleq [a_m^T \vdots b_m^T]$  — совокупность априорных значений настраиваемых параметров;  $\tilde{m}^T \triangleq [a_m^T \vdots b_m^T]$  — совокупность значений параметров модели;  $G^T \triangleq [Z^T \vdots \eta^T]$  —

совокупность функций чувствительности или коэффициентов усиления параметрических управляющих входов. Таким образом,

$$\dot{Z} = IZ + e(d + m)^T G. \quad (12)$$

Уравнение для сигнала ошибки (8) запишем так:

$$\dot{X} = A_0 X + e(\tilde{m} - m_0) G = A_0 X + e(d + m - m_0)^T G, \quad (13)$$

где  $m_0^T \triangleq [a_0^T \vdots b_0^T]$  — вектор истинных неизвестных параметров объекта.

Процесс настройки — функция  $\tilde{m}(t) = d(t) + m(t)$  ( $0 \leq t \leq T$ ), минимизирующая в интервале  $[0, T]$  критерий  $J(T)$ , определяемый формулой (9), — содержит в себе информацию о значениях неизвестных параметров. Эту информацию можно использовать для уточнения неизвестных параметров. Для данного набора априорных значений параметров  $m$  реализуется соответствующий процесс настройки  $\tilde{m}(t)$ , минимизирующий функционал  $J(T)$ , т. е.

$$\tilde{m}(t) = \tilde{m}(t, m). \quad (14)$$

На основе реализованного в текущем интервале  $[0, T]$  процесса настройки  $\tilde{m}(t)$  можно построить апостериорную оценку  $m(T)$  неизвестных параметров. Эта оценка будет некоторым функционалом от функции  $\tilde{m}(t)$ :

$$m(T) = f(\tilde{m}(t)), \quad 0 \leq t \leq T. \quad (15)$$

Идея предлагаемого метода регуляризации, названного динамической регуляризацией, заключается во введении «обратной связи» по апостериорной оценке, т. е. ставится задача реализовать процесс настройки, использующий в качестве априорного значения параметров апостериорную оценку, определяемую этим процессом настройки. Используя выражения (14) и (15), получим следующее соотношение, формулирующее поставленную задачу:

$$\tilde{m}(t) = \tilde{m}(t, f(\tilde{m}(t))), \quad 0 \leq t \leq T. \quad (16)$$

Соотношение (16) должно выполняться равномерно по  $t$ , т. е. функционал  $f$  должен быть определен для функций  $\tilde{m}(t)$  в интервале  $[0, T_{\max}]$ , где  $T_{\max}$  — максимально возможная длительность процесса настройки. Таким образом, априорные значения настраиваемых параметров являются функцией времени и представляют собой вводимую с помощью обратной связи текущую апостериорную оценку. Можно так сформулировать решаемую задачу регуляризации процесса настройки: равномерно по  $T$  минимизируется по  $m(T)$  функционал

$$J_m(T) = \int_0^T F(\tilde{m}(t) - m(T)) dt,$$

где  $\tilde{m}(t)$  — функция, минимизирующая функционал (9). По окончании процесса настройки, когда сигнал ошибки  $X(T)$  при  $T$ , большем некоторого  $T_1$ , станет равномерно близким нулю, а функционал  $J$ , следовательно, практически перестанет увеличиваться с ростом  $T$  при  $T > T_1$ , текущая апостериорная оценка  $m(T)$  должна стать равномерно близкой к некоторому стационарному значению, которое представляет собой окончательную оценку настраиваемых параметров. В противном случае можно утверждать, что нам не удалось построить алгоритма корректного решения обратной задачи.

**Получение апостериорной оценки параметров.** Функцию  $\tilde{m}(t)$  в интервале  $[0, T]$  можно рассматривать как совокупность осуществленных с помощью подстраиваемой модели косвенных измерений неизвестных параметров объекта. Эксперименты показывают, что во многих случаях можно обойтись довольно простой статистической моделью для этой совокупности косвенных измерений, даваемых функцией  $\tilde{m}(t)$ .

Будем считать значения функции  $\tilde{m}(t)$  независимыми измерениями некоторой неизвестной постоянной величины  $m_0$ . Ошибки измерений будем предполагать распределенными по нормальному закону. Необходимо получить оценку  $m$  измеряемой таким образом постоянной. Оценка будет зависеть от длины интервала наблюдения, т. е.  $m = m(T)$ . Минимизацию критерия качества оценки необходимо осуществить равномерно по  $T$ . Именно такая задача применительно к методу идентификации с помощью разомкнутой модели, т. е. путем решения текущей системы алгебраических уравнений, рассматривалась в [6].

В качестве оценки  $m_0$  на интервале  $[0, T]$  выбирается величина  $m(T)$ , минимизирующая функционал

$$J_m = \int_0^T (\tilde{m}(t) - m(T))^2 dP, \quad (17)$$

где  $P(t)$  — так называемая информационная функция [6], имеющая смысл относительного количества информации, накопленного системой обработки к моменту времени  $t$ . Получение корректной оценки возможно, если информационное количество Фишера [11]

$$\frac{\partial^2 J_m}{\partial m^2} = P(T) - P(0) \geq c > 0, \quad (18)$$

где  $c$  — параметр регуляризации — некоторая постоянная, имеющая смысл априорного относительного количества информации. Условие (18) утверждает, что  $c$  не может быть равным нулю. Неравенство (18) означает также, что функция  $P(t)$  должна иметь «скачок» при  $t=0$ . Представим эту функцию в виде

$$P(t) = \mathbf{1}(t)c + \int_0^t \varphi(\tau) d\tau, \quad (19)$$

где  $\varphi(\tau)$  — неотрицательная функция;  $\mathbf{1}(t)$  — так называемая единичная функция

$$\mathbf{1}(t) = \begin{cases} 1 & t > 0; \\ 0 & t \leq 0. \end{cases} \quad (20)$$

Подставляя формулу (19) в выражение для функционала (17), находим

$$J_m(T) = \int_0^T (\tilde{m}(t) - m(T))^2 \varphi(t) dt + c(m(T) - m(0))^2, \quad (21)$$

где  $m(0)$  — априорное значение параметра. Выражение (21) имеет обычный вид наиболее часто используемого регуляризующего функционала [12] для рассматриваемой простейшей параметрической обратной задачи.

Дифференцируя (21) по  $m(T)$  и приравнявая производную нулю, будем иметь

$$m(T) = \frac{\int_0^T \tilde{m}(t) \varphi(t) dt + cm(0)}{\int_0^T \varphi(t) dt + c}. \quad (22)$$

Необходимо равномерно минимизировать функционал  $J_m$  по  $T$ . Дифференцируя уравнение для  $m(T)$  по  $T$ , получаем дифференциальное уравнение для функции  $m$ , обеспечивающей минимум функционала  $J_m$  для любого  $t$ :

$$\dot{m} = \frac{\varphi(t)}{\int_0^t \varphi(\tau) d\tau + c} (\tilde{m}(t) - m(t)). \quad (23)$$

Уравнение (23) — скалярный частный случай так называемого фильтра Калмана [10]. Весовая функция  $\varphi(t)$  может быть представлена в виде

$$\varphi(t) = r(t) \varphi_p(t), \quad (24)$$

где  $r(t)$  — величины весов отдельных «измерений», даваемых значениями функций  $\tilde{m}(t)$ , а  $\varphi_p(t)$  — функция, характеризующая собой отнесенный к весу априорного значения вес апостериорной оценки, получаемой в интервале  $[0, t]$ . Выражение (24) представляет собой аналог формулы Байеса. Пусть  $r(t) = \text{const} = 1$ . Положим [6],

$$\varphi_p(t) = \frac{P(t)}{c}. \quad (25)$$

Подставляя (25) в (23) и учитывая (19), будем иметь следующее уравнение для простейшей текущей апостериорной оценки:

$$\dot{m} = \frac{1}{c} (\tilde{m} - m) = \frac{1}{c} d, \quad m|_{t=0} = m(0), \quad (26)$$

где  $m(0)$  — априорное значение параметров, задаваемое в начале настройки. Вопрос о выборе параметра регуляризации  $c$  — веса начального априорного значения параметров — будет обсужден ниже.

Решение уравнения (26) определяет функционал в выражении (15). Подставляя это решение в уравнение (12), получим уравнение для ошибки системы  $X$  с учетом обратной связи в процессе оптимизации критерия (9), введенной описанной выше регуляризацией. Система уравнений, описывающая процесс настройки параметров модели, может быть записана следующим образом:

$$\begin{cases} \dot{X} = A_o X + e (cm + m - m_o)^T G; \\ \dot{m} = \frac{1}{c} d(X, m), \end{cases} \quad (27)$$

где  $d$  — управляющие воздействия, зависящие от состояния системы. Система уравнений (27) иллюстрирует тот факт, что используемая динамическая регуляризация процесса настройки означает введение в контур настройки обратной связи по производной получаемых апостериорных оценок параметров.

**Синтез оптимальных управляющих воздействий.** В качестве управляющего воздействия естественно использовать  $\dot{m}$ . На управляющее воздействие наложим ограничение (как обычно бывает на практике)

$$|\dot{m}| \leq M. \quad (28)$$

Нетрудно видеть, что в этом случае для оптимизации критерия (9) достаточно одного уравнения системы (27). Синтез оптимальных управляющих воздействий для полученной структуры настраиваемых параметров можно осуществить на основе прямого метода Ляпунова [9], принципа максимума [13, 14] или метода динамического программирования [7, 8]. В данной работе синтез оптимальных управляющих воздействий осуществляется на основе метода динамического программирования, формализм которого излагается весьма кратко, так как он хорошо освещен в литературе [7, 8]. Введем функцию Беллмана

$$S(X) = \min_m \int_t^{\infty} F(X) dt \quad (29)$$

и запишем для нее уравнение Беллмана

$$\frac{\partial S}{\partial t} = 0 = - \min_m \left\{ \frac{\partial S}{\partial X} [A_o X + e (cm + m - m_o)^T G] + F(X) \right\}. \quad (30)$$

Нетрудно видеть, что минимум выражения в фигурных скобках достигается при

$$\dot{m} = -M \operatorname{sign} \left( \frac{\partial S}{\partial X_n} G \right), \quad (31)$$

и, следовательно,  $\tilde{m}(t)$  — параметры модели — изменяются по закону

$$\tilde{m}(t) = M \left[ c \operatorname{sign} \left( \frac{\partial S}{\partial X_n} G \right) + \int_0^t \operatorname{sign} \left( \frac{\partial S}{\partial X_n} G \right) d\tau + m(0) \right],$$

где  $\frac{\partial S}{\partial x_n}$  — частная производная функции Беллмана по последней координате вектора состояний системы. Уравнение для вектора  $\frac{\partial S}{\partial X}$  будет иметь вид

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{\partial S}{\partial X} \right) + A_m^T \frac{\partial S}{\partial X} = - \frac{\partial F}{\partial X}. \quad (32)$$

Уравнение (32) получено дифференцированием уравнения (30) по  $X$  после подстановки в него оптимального управления (31) и вектора  $G$ . Функциональная схема системы представлена на рис. 1. Предполагая интервал настройки бесконечным  $[t_0, \infty]$ , получаем, что начальные условия для вектора  $\frac{\partial S}{\partial X} \Big|_{t=0} = 0$ , так как  $X(\infty) = 0$  [8].

**Выбор параметра регуляризации.** Известно, что использование релейных управляющих воздействий приводит к автоколебаниям или скользящим режимам из-за неидеальности реле или неточной реализации управляющих функций. В рассматриваемой системе эти явления допустимы, так как оценки  $m$  неизвестных параметров  $m_0$ , определяющие вместе с вектором  $X$  состояние системы (27), представляют собой результат сглаживания процесса настройки  $\tilde{m}$ . Допустимость автоколебаний расширяет область устойчивости по неизвестным параметрам объекта и накладывает менее жесткие ограничения на выбираемые параметры модели. Настройка прекращается в случае, когда оценка параметров становится после некоторого  $T_1$  равномерно близкой к некоторому стационарному значению, ошибка  $X$  близка к нулю, а функция  $J(t)$  перестает расти. Эти условия вытекают из самой постановки задачи, и они могут быть выполнены, несмотря на наличие автоколебаний.

Динамические свойства оценки параметров зависят от величины параметра регуляризации  $c$ . Диапазон его возможных значений может быть определен из следующих соображений. Пусть в системе существует режим автоколебаний. Равномерная близость нулю ошибки  $X$  и отклонения оценки обеспечиваются, если частота автоколебаний  $f_{a.к}$  будет больше или равна частоте среза объекта и больше частоты среза регуляризирующего фильтра  $f_{р.ф}$ . Учитывая, что  $f_{р.ф} \approx \frac{1}{c}$ , можно утверждать

необходимость условия  $c \geq \frac{1}{f_{ср}}$ . С другой стороны, желательно, чтобы быстродействие регуляризирующего фильтра было не хуже, чем быстродействие системы, определяемой в данной случае максимальной собственной частотой  $f_c$  для колебательного объекта или максимальной постоянной времени  $T_{o.маx}$  для аperiodического. Таким образом, желательно также, чтобы параметр регуляризации  $c$  удовлетворял условию

$c \leq \frac{1}{f_c}$  или  $c \leq T_{o.маx}$ .

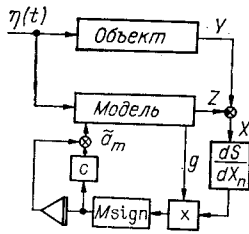


Рис. 1.

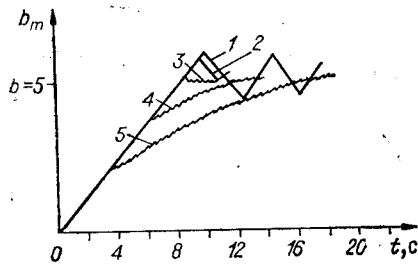


Рис. 2.

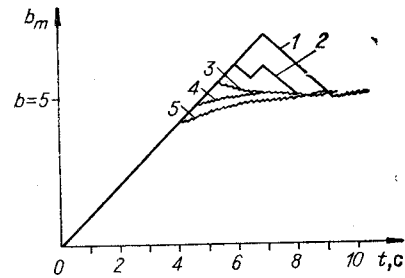


Рис. 3.

В отсутствие помех в системе параметр  $c$  лучше выбирать меньше, т. е.  $c \gg \frac{1}{f_{\text{сп}}}$ , что обеспечит более высокое быстродействие при получении оценок. Если же в сигналах имеются помехи в полосе пропускания объекта, то параметр регуляризации следует выбирать, учитывая нижнюю частоту  $f_{\text{п}}$  спектра помех, чтобы обеспечить требуемое качество фильтрации последних ( $c \approx \frac{1}{f_{\text{п}}}$ ). Естественно, это приводит к соответствующей потере быстродействия.

**Моделирование.** Для проверки предложенного алгоритма настройки параметров и полученных оценок для параметра регуляризации было проведено моделирование системы идентификации объекта второго порядка с одним настраиваемым коэффициентом, которая описывается уравнениями с линейной управляющей функцией:

$$\begin{aligned} \ddot{y} + a_1 \dot{y} + a_0 y &= b \eta; \\ \ddot{z} + a_1 \dot{m} z + a_0 \tilde{m} z &= b \tilde{m} \eta; \end{aligned} \quad (33)$$

$$b \tilde{m} = c \dot{b}_m + \int_0^t \dot{b}_m d\tau + b_m(0);$$

$$\dot{b}_m = M \operatorname{sign}(\eta(x_1 + e x_2)),$$

где  $x_1 = y - z$ ,  $x_2 = \dot{x}_1$ .

Результаты моделирования такой системы для случая трех настраиваемых параметров приведены в [14]. На рис. 2 показаны переходные реакции оценки  $b_m$  для различных параметров регуляризации  $c = \{2; 1; 0,5; 0,25\}$ , которым соответствуют кривые 1, 2, 3, 4. Остальные параметры приняты следующие:  $a_0 = a_{0\tilde{m}} = 2,5$ ,  $a_1 = a_{1\tilde{m}} = 5$ ,  $M=1$ ,  $b=1$ ,  $l=0,2$ . Из этого рисунка видно, что близкой к оптимальной будет переходная реакция при  $c=0,5$  (кривая 3). Увеличение параметра  $c$  (кривые 1, 2) приводит к затягиванию процесса получения оценки. Эмпирически было найдено, что оценки будут близкими к оптимальным, если  $c$  выбрать согласно выражению

$$c \approx \frac{T_0}{2 + 3} \approx \frac{1}{2 + 3} \frac{a_1}{a_0}.$$

На рис. 3 приведены переходные реакции оценки при фиксированных значениях параметра регуляризации  $c=1$  и величины  $M=1$  и различных значениях постоянной времени объекта  $T_0 \approx \frac{a_1}{a_0} = \{10; 5; 2; 1; 0,5\}$ , которым соответствуют кривые 1, 2, 3, 4, 5. Из этого рисунка следует, что для получения необходимого быстродействия и качества переходного процесса получаемой оценки целесообразно выбирать параметр  $c$  в середине диапазона наиболее вероятного изменения параметров объекта.



## Выводы

Введение динамической регуляризации позволило синтезировать структуру контуров настройки параметров модели, которая обеспечивает равномерную оптимальность и высокое быстродействие решения задачи идентификации в реальном времени.

Полученные оптимальные управляющие воздействия с помощью уравнения Беллмана дают возможность строить релейные алгоритмы автоматической настройки параметров, обеспечивающие высокое быстродействие получения оценок и простую техническую реализацию после соответствующей аппроксимации управляющих функций.

Моделирование системы идентификации объекта второго порядка подтвердило правильность качественных оценок для оптимального параметра регуляризации.

## ЛИТЕРАТУРА

1. С. Т. Леондес, М. Марголис. О теории самонастраивающейся системы регулирования; метод обучающейся модели.— Труды I конгресса ИФАК. М., «Наука», 1961.
2. Р. С. Рутман, Н. В. Кокотович. Чувствительность системы автоматического управления (обзор).— Автоматика и телемеханика, 1965, № 4.
3. В. И. Костюк. Беспорисковые градиентные самонастраивающиеся системы. Киев. «Техника», 1969.
4. С. Д. Земляков, В. Ю. Рутковский. Обобщенные алгоритмы адаптации одного класса СНС с моделью.— Автоматика и телемеханика, 1967, № 6.
5. B. Shackloth. Design of Model Reference Control Systems Using a Lyapunov Synthesis Technique.— Pros. Inst. Electr. Engrs., 1967, 114, № 2.
6. А. О. Егоршин, В. П. Будянов. Получение корректных текущих оценок параметров линейных объектов.— В сб. «Оптимальные и самонастраивающиеся системы». Новосибирск, ИАЭ СО АН СССР, 1971.
7. Р. Беллман. Процессы регулирования с адаптацией. М., «Наука», 1964.
8. Ю. Ту. Современная теория управления. М., «Машиностроение», 1971.
9. И. Г. Малкин. Теория устойчивости движения. М., «Наука», 1966.
10. Р. Ли. Оптимальные оценки, определение характеристик и управления. М., «Наука», 1966.
11. Д. Дюге. Теоретическая и прикладная статистика. М., «Наука», 1972.
12. А. Н. Тихонов. О решении некорректно поставленных задач и методе регуляризации.— Докл. АН СССР, 1963, т. 151, № 3.
13. В. М. Александров, В. А. Иванов. Синтез алгоритмов настройки параметров в адаптивных моделях на основе теории оптимальных процессов.— Автометрия, 1963, № 4.
14. Л. С. Понтрягин, Р. Г. Болтянский, Р. В. Гамкрелидзе, Е. Ф. Мищенко. Математическая теория оптимальных процессов. М., «Наука», 1961.

Поступила в редакцию 18 мая 1973 г.