

Т. А. АЛИЕВ, И. Л. ШАЙН  
(Баку)

### ВОПРОСЫ ВЫБОРА ЧУВСТВИТЕЛЬНОСТИ ПОРОГОВЫХ УСТРОЙСТВ ПРИ ПОСТРОЕНИИ ДИСКРЕТНЫХ ПОЛЯРНО-КООРДИНАТНЫХ АВТОКОМПЕНСАТОРОВ

Одним из основных вопросов построения дискретных систем уравнивания является рациональный выбор чувствительности пороговых устройств [1, 2]. Сложность выбора чувствительности пороговых устройств определяется противоречивыми требованиями метрологических и динамических свойств дискретных систем уравнивания [1, 2], что и предопределяет важность оптимального решения поставленной задачи. Этот вопрос особенно актуален для дискретных полярно-координатных систем (ДПКС), характеризующихся нелинейностью фазового канала и наличием взаимосвязи контуров уравнивания (ВКУ) [3, 4].

Как и во всякой дискретной следящей системе, в ДПКС возможны периодические режимы (ПР) даже при точной установке векторов фазовой чувствительности (ВФЧ). В самом деле, рассмотрим случаи возникновения ПР вблизи состояния равновесия ДПКС, полагая ВФЧ канала уравнивания по амплитуде ( $A_a$ ) совпадающим по фазе с компенсирующим вектором ( $U_k$ ), а ВФЧ канала уравнивания по фазе ( $A_\phi$ ) сдвинутым строго на 90 градусов [4]. Будем считать, что если проекция сигнала рассогласования ( $\Delta U$ ) на ВФЧ имеют положительный знак, то изменение уравнивающего параметра будет осуществляться в сторону увеличения модуля вектора  $U_k$  и поворота последнего против часовой стрелки. Итак, предположим, что первоначально конец вектора  $U_k$  находится в вершине  $B$  (рис. 1, а) «полярного квадрата» [3]. Тогда проекции сигнала рассогласования  $\Delta U_1 = U_k - U_k$  на ВФЧ соответственно равны  $\delta U_{a1}$  и  $\delta U_{\phi 1}$ . Если  $|\delta U_{a1}|$  меньше чувствительности канала «модуль» —  $\delta_a$ , а  $|\delta U_{\phi 1}|$  больше чувствительности канала «фаза» —  $\delta_\phi$ , то вектор  $U_k$  переходит в положение  $E$ ; если после этого  $|\delta U_{a2}| \leq \delta_a$  и  $|\delta U_{\phi 2}| \geq \delta_\phi$ , то вектор  $U_k$  снова возвращается в точку  $B$ , т. е. возникает ПР по каналу «фаза» (в дальнейшем будем говорить просто по фазе). Если же  $|\delta U_{a1}| \geq \delta_a$  и  $|\delta U_{\phi 1}| \leq \delta_\phi$ , то вектор  $U_k$  перейдет в положение  $C$ ; при  $|\delta U_{a4}| \geq \delta_a$  и  $|\delta U_{\phi 4}| \leq \delta_\phi$  он затем вновь вернется в точку  $B$ , т. е. возникает ПР по каналу «модуль» (в дальнейшем будем говорить по модулю). В том случае, когда  $|\delta U_{a1}| \geq \delta_a$ ;  $|\delta U_{\phi 1}| \geq \delta_\phi$ ;  $|\delta U_{a3}| \geq \delta_a$  и  $|\delta U_{\phi 3}| \geq \delta_\phi$ , в системе возникает ПР одновременно по фазе и модулю.

Определим сначала условия выбора значений  $\delta_a$  и  $\delta_\phi$  для устранения ПР в ДПКС в простейших случаях. Допустим, что измеряемый вектор  $U_n$  совпадает с  $U_k$  по фазе. Для того чтобы предотвратить ПР по каналу «модуль», должно удовлетвориться одно из неравенств (см. рис. 1, а):  $\delta_a \geq |\delta U_{a1}|$ ;  $\delta_a \geq |\delta U_{a4}|$ . Отсюда можно найти величину чувствительности  $\delta_a$ :

$$2\delta_a \geq |\delta U_{a1}| + |\delta U_{a4}| = \Delta_a, \quad \delta_a \geq \frac{1}{2} \Delta_a. \quad (1)$$

Чтобы не было ПР по фазе при  $|\dot{U}'_n| = |\dot{U}'_k|$  (см. рис. 1, а), должно удовлетвориться одно из неравенств:  $\delta_\phi \geq |\delta U'_{\phi 1}|$ ;  $\delta_\phi \geq |\delta U'_{\phi 2}|$ , откуда

$$2\delta_\phi \geq |\delta U'_{\phi 1}| + |\delta U'_{\phi 2}|. \quad (2)$$

Величины  $|\delta U'_{\phi 1}|$  и  $|\delta U'_{\phi 2}|$  являются функциями  $|\Delta U'_1|$  и  $|\Delta U'_2|$ . Легко показать, что правая часть выражения (2) имеет при  $\beta = \frac{1}{2} \Delta_\phi$  максимум, примерно равный  $2|U_k| \sin \frac{\Delta_\phi}{2}$ .

Так как  $|\dot{U}_k| = n\Delta_a$  и можно принять с достаточной точностью, что  $\sin \frac{1}{2} \Delta_\phi \approx \frac{1}{2} \Delta_\phi$ , то

$$\delta_\phi \geq \frac{1}{2} n\Delta_a \Delta_\phi, \quad (3)$$

т. е. чувствительность канала «фаза» линейно зависит от величины компенсирующего параметра.

Теперь рассмотрим более общий случай, когда  $|U_n| \neq |U_k|$ . Для этого обратимся к рис. 1, б, на котором относительно вершин  $B$  и  $C$  проведены границы области нечувствительности пороговых устройств и указаны характерные зоны  $M$  и  $F$ . Если конец век-

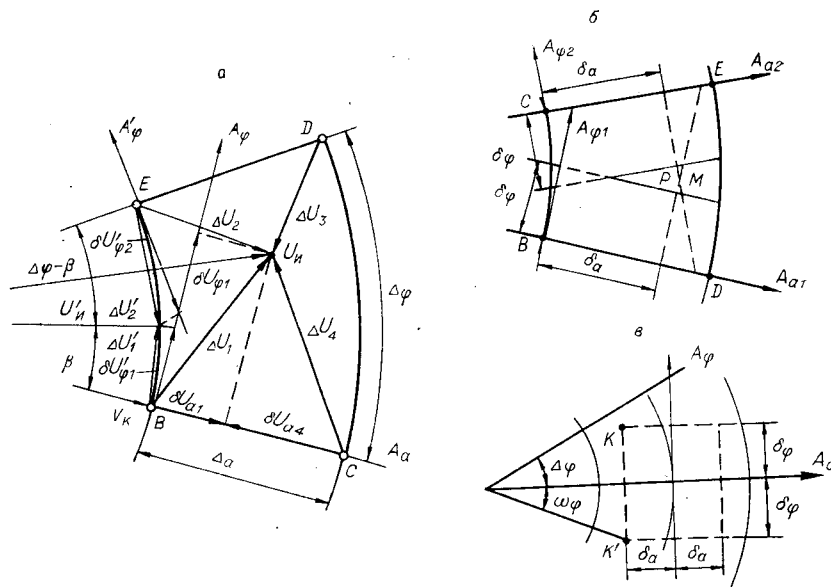


Рис. 1.

тора  $U_n$  расположен в области  $M$ , то вектор  $U_n$  (находящийся в точках  $B$  или  $C$ ) изменяется по фазе и модулю и переходит в точки  $E$  или  $D$ , для которых  $\delta_a > |\delta U_a|$  и  $\delta_\varphi > |\delta U_\varphi|$ , и процесс уравнивания завершается. А если конец вектора  $U_n$  находится в области  $P$ , то  $\delta_a > |\delta U_a|$  и  $\delta_\varphi < |\delta U_\varphi|$  и возникает ПР по фазе. Вышеуказанный ПР пропадает при условии равенства нулю площади  $P$ . Из рис. 1, б видно, что при этом

$$\delta_\varphi = (n\Delta_a + \delta_a) \operatorname{tg} \frac{1}{2} \Delta_\varphi \approx \frac{1}{2} (n + f) \Delta_a \Delta_\varphi, \quad (4)$$

где  $f = \delta_a / \Delta_a$ ;  $0,5 < f < 1,0$ .

Легко показать, что выбором  $\delta_a$  и  $\delta_\varphi$  из условий (1) и (4) устраняются и ПР с одновременной регулировкой по обоим каналам.

Чувствительности пороговых устройств ДПКС по-разному определяют погрешности измерения: если погрешность по модулю почти во всем диапазоне измерения остается величиной постоянной и не превышает  $\delta_a$ , то погрешность по фазе не остается величиной постоянной даже при изменении  $\delta_\varphi$  пропорционально величине  $n$ . Действительно, в состоянии равновесия вектору  $U_n$  соответствуют все векторы  $U_n$ , концы которых расположены в области нечувствительности (см. рис. 1, в); и максимальной погрешности по фазе  $|\omega_\varphi|$  соответствует положение вектора  $U_n$  в точках  $K$  или  $K'$ ; при этом

$$\omega_\varphi = \operatorname{arc} \operatorname{tg} \frac{\delta_\varphi}{n\Delta_a - \delta_a}, \quad (5)$$

или, учитывая выражение (4), имеем

$$\omega_\varphi = \operatorname{arc} \operatorname{tg} \left( \frac{1}{2} \frac{n + f}{n - f} \Delta_\varphi \right). \quad (6)$$

Согласно (6), при  $n \gg f$   $\omega_\varphi = \operatorname{arc} \operatorname{tg} \frac{1}{2} \Delta_\varphi$ ,

т. е.  $\omega_\varphi$  не зависит от  $n$ . Однако при  $n$  соизмеримом с  $f$ , т. е. в начале диапазона, погрешность  $\omega_\varphi$  резко возрастает (кривая 1 на рис. 2) и приобретает максимум при  $n = 1$  (при  $n = 0$  отсчет фазы не имеет физического смысла).

Реализация построения ДПКС с пропорционально регулируемой  $\delta_\varphi$  связана с большими конструктивными трудностями. Но если  $\delta_\varphi$  выбрать соответствующей  $n_{\max}$  и оставить постоянной во всем диапазоне изменений  $U_n$ , то в этом случае погрешности оказываются еще большими (кривая 2 на рис. 2). Поэтому предлагается весь диапазон измерений разбить на поддиапазоны, в которых  $\delta_\varphi = \operatorname{const}$  и соответствует конечному  $U_n(n)$  каждого поддиапазона.

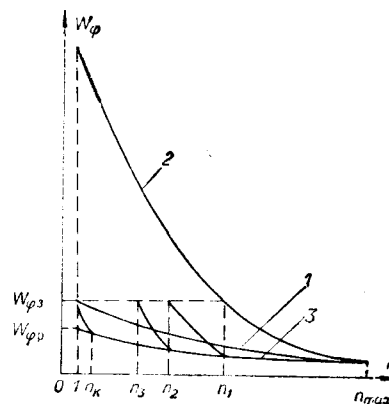


Рис. 2.

Интервалы каждого поддиапазона можно найти, используя зависимость  $\omega_\varphi = \psi(n)$ . Определяя  $\delta_\varphi$  для конца диапазона из выражения (4) и подставляя его в выражение (5), можно для заданной погрешности по фазе  $\omega_{\varphi 3}$  найти  $n$ , соответствующее началу диапазона:

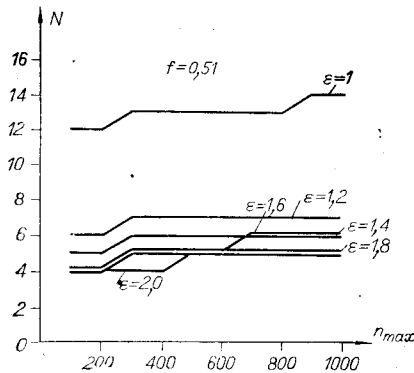
$$\begin{aligned} \operatorname{tg} \omega_{\varphi 3} &\geq \frac{1}{2} \frac{n_{\max} + f}{n_1 - f} \Delta_\varphi; \\ \operatorname{tg} \omega_{\varphi 3} &\geq \frac{1}{2} \frac{n_1 + f}{n_2 - f} \Delta_\varphi; \\ &\dots \dots \dots \\ \operatorname{tg} \omega_{\varphi 3} &\geq \frac{1}{2} \frac{n_{k-1} + f}{n_k - f} \Delta_\varphi; \\ \operatorname{tg} \omega_{\varphi 3} &\geq \frac{1}{2} \frac{n_k + f}{1 - f} \Delta_\varphi. \end{aligned} \quad (7)$$

Выражение для начального значения каждого поддиапазона определяется соотношением

$$n_k \geq (n_{\max} + f) \left( \frac{\Delta_\varphi}{2 \operatorname{tg} \omega_{\varphi 3}} \right)^k + f \left[ 1 + \sum_{\kappa=2}^k 2^{(2-\kappa)} \Delta_\varphi^{(\kappa-1)} \operatorname{tg}^{(1-\kappa)} \omega_{\varphi 3} \right]. \quad (8)$$

Если в выражение (8) поставить  $\Delta_\varphi$ , соответствующее  $\omega_{\varphi 3}$ , то число поддиапазонов  $N = k + 1$  оказывается большим. Для уменьшения последнего в расчетах можно использовать  $\omega_{\varphi p} = \frac{1}{\varepsilon} \omega_{\varphi 3}$ . Определив из выражения (7) для левого крайнего диапазона  $n_k$ , а из выражения (6) —  $\Delta_\varphi$  для  $n = 1$  и подставив эти значения в формулу (8), получаем

$$(n_{\max} + f) \left[ \frac{1 - f}{\varepsilon (1 + f)} \right]^k + 2f \left\{ 1 + \sum_{\kappa=2}^k \left[ \frac{1 - f}{\varepsilon (1 + f)} \right]^{(\kappa-1)} \right\} \leq \varepsilon (1 + f). \quad (9)$$



На основе выражения (9) на рис. 3 построены графики зависимости числа поддиапазонов от величин  $n_{\max}$  и  $\varepsilon$  при  $f = 0,51$ . Из графиков видно, что максимальное число поддиапазонов имеет место при  $\varepsilon = 1$ , причем незначительное увеличение  $\varepsilon$  резко уменьшает число поддиапазонов  $N$ .

Полученные соотношения позволяют выбрать требуемые чувствительности пороговых устройств каналов уравнивания ДПКС и при заданной погрешности измерения фазы оптимально определить дискретный шаг канала «фаза».

Рис. 3.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. В. Н. Хлистунов. Основы цифровой электроизмерительной техники и цифровые преобразователи. Л., «Энергия», 1966.
2. А. М. Мелик-Шахназаров, И. Л. Шайн, М. Г. Маркатунов. Автокомпенсационные приборы экстремального типа. М., «Энергия», 1969.
3. Т. М. Алиев, А. М. Мелик-Шахназаров, И. Л. Шайн. Автоматические компенсационные устройства переменного тока. Баку, «Азернешр», 1965.
4. С. Н. Строкач. Принципы построения автоматических компенсаторов полярно-координатного типа. — В кн.: Автоматические и показывающие электроизмерительные приборы и новые материалы. М., ЦИНТИ, 1962.

Поступило в редакцию 28 февраля 1972 г.  
окончательный вариант — 11 февраля 1974 г.