

Анализ выражения (6) показывает, что ПВМС является единственным известным оптическим элементом, выполняющим функции ограничителя яркости (с регулируемым порогом ограничения), работающим в реальном масштабе времени.

Данные рис. 4 показывают, что за счет оптимального согласования слоев и выбора оптимального энергетического режима модулятора можно обеспечить также линейность преобразования в широком диапазоне входных световых потоков.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. А. Г. Клипко, П. Е. Котляр, Е. С. Нежевенко, В. И. Фельдбуш, В. С. Шибанов. Пространственно-временные модуляторы света на монокристаллах  $\text{Bi}_{12}\text{GeO}_{20}$ ,  $\text{Bi}_{12}\text{SiO}_{20}$ . — «Автометрия», 1976, № 4, с. 34—35.
2. В. Ф. Золотарев. Безвакуумные аналоги телевизионных трубок. М., «Энергия», 1972.
3. Н. Ф. Ковтанюк. Электронные элементы на основе структур полупроводник — диэлектрик. М., «Энергия», 1976.
4. Р. Шафферт. Электрография. М., «Мир», 1968.
5. А. Е. Гершберг. Передающие телевизионные трубы, использующие внутренний фотоэффект. М., «Энергия», 1964.
6. С. М. Рыжкин. Фотоэлектрические явления в полупроводниках. М., ГИФМЛ, 1963.

Поступила в редакцию 18 июня 1976 г.

УДК 537.311.33:621.375.82:621.375.9

И. Б. БАРКАН, В. П. ГАВРИЛОВ, Г. В. КРИВОЩЕКОВ,  
Е. В. ПЕСТРЯКОВ

(Новосибирск)

#### ОСОБЕННОСТИ ЗАПИСИ ДИНАМИЧЕСКИХ РЕШЕТОК В КРЕМНИИ\*

**Введение.** В работах [1—3] показана возможность записи динамических голограмм в монокристаллическом кремнии с помощью излучения неодимового импульсного лазера. Образование голограммы связано с изменением показателя преломления свободными носителями тока, возникающими при межзонном поглощении света, и носит нестационарный характер из-за диффузии или рекомбинации носителей. Характерные времена таких процессов оказываются сравнимыми с длительностью импульса записывающего света, поэтому дифракционная эффективность, определяемая величиной изменения показателя преломления  $\Delta n$ , также существенно зависит и от пространственной частоты решетки.

В настоящей работе [часть результатов докладывалась на 5-й Всесоюзной школе по физическим основам голографии (29 января — 3 февраля 1973 г.), проходившей в г. Новосибирске] измерены независимо величина  $\Delta n$  и времена существования решетки при разных пространственных частотах. Это позволяет рассчитать дифракционную эффективность и частотно-контрастную функцию динамических решеток в кремнии. Основной методикой, применяемой для исследования названных выше характеристик, явилось изучение временной зависимости эффективности дифракции непрерывного лазерного излучения на синусоидальной решетке, образованной в образце под действием излучения импульсного ОКГ.

\* Настоящая работа выполнена в ИФП СО АН СССР совместно с Новосибирским государственным университетом.

**Расчет дифракционной эффективности.** Пусть на образец, занимающий объем от  $z=0$  до  $z=l$ , падают две плоские волны с интенсивностями  $I_{01}(t)$  и  $I_{02}(t)$  и длиной волны  $\lambda_0$ . Их волновые векторы составляют с нормалью к плоскости  $z=0$  углы  $\pm 0,5\phi_0$ . Интерферируя в образце, они создают распределение интенсивности

$$I(x, z, t) = (1 - R_0) e^{-\alpha_0 z} [I_{01}(t) + I_{02}(t) + 2\sqrt{I_{01}(t) I_{02}(t)} \cos Kx], \quad (1)$$

где  $R_0$  — коэффициент отражения,  $\alpha_0$  — межзонный коэффициент поглощения,  $K=2\pi\phi_0/\lambda_0$  при малых  $\phi_0$ . Считая квантовый выход равным единице, получаем число генерируемых пар свободных носителей (электрон плюс дырка) в единицу времени

$$\left( \frac{\partial N}{\partial t} \right)_{\text{теп}} = \frac{\alpha_0 I(x, z, t)}{\hbar\omega_0}. \quad (2)$$

Основным фактором, вызывающим релаксацию возникающей решетки свободных носителей, считаем диффузию, пренебрегая более медленными рекомбинационными процессами. Справедливость этого предположения подтверждается в эксперименте. Учитывая диффузию только поперек штрихов решетки (при  $K \gg \alpha_0$ ), записываем уравнение диффузии в виде

$$\frac{\partial N}{\partial t} - D \frac{\partial^2 N}{\partial x^2} = \left( \frac{\partial N}{\partial t} \right)_{\text{теп}}. \quad (3)$$

В решении уравнений (1)–(3) член, зависящий от  $x$ , дается выражениями:

$$N(x, z, t) = N(z, t) \cos Kx; \quad (4)$$

$$N(z, t) = \frac{\alpha_0 (1 - R_0)}{\hbar\omega_0} e^{-\alpha_0 z} \int_{t_0}^t [I_{01}(t') I_{02}(t')]^{1/2} e^{-K^2 D(t-t')} dt' \quad (5)$$

(записывающий импульс начинается при  $t=t_0$ ). Изменение показателя преломления считаем пропорциональным  $N$ :

$$\Delta n(x, z, t) = \kappa N(z, t) \cos Kx, \quad (6)$$

где  $\kappa$  — постоянная.

Таким образом, возникает нестационарная во времени синусоидальная фазовая решетка, амплитуда которой уменьшается вдоль  $z$ . Эффективность дифракции восстанавливающего луча с длиной волны  $\lambda_1$  можно найти, используя известное выражение, справедливое при малых эффективностях:

$$\eta_{\pm 1} [(2\pi/\lambda_1) \Delta n l]^2, \quad (7)$$

где  $l$  — толщина решетки. В нашем случае нужно учесть отражение восстанавливающего луча от передней и задней поверхностей кристалла, его затухание и изменение  $\Delta n$  по  $z$ :

$$\eta(l, t) = (1 - R_1)^2 e^{-\alpha_1 l} \left[ \int_0^l \frac{2\pi}{\lambda_1} \Delta n(z, t) dz \right]^2. \quad (8)$$

Подставляя выражения (5), (6) в (8), получаем

$$\begin{aligned} \eta(l, t) = & \left[ \frac{2\pi (1 - R_1) (1 - R_0)}{\lambda_1 \hbar \omega_0} \kappa \right]^2 e^{-\alpha_1 l} (1 - e^{-\alpha_0 l}) \times \\ & \times \left\{ \int_{t_0}^t [I_{01}(t') I_{02}(t')]^{1/2} e^{-K^2 D(t-t')} dt' \right\}^2. \end{aligned} \quad (9)$$

Из формулы (9) следует, что после окончания действия записи-

вающего импульса дифракционная эффективность уменьшается экспоненциально с характерным временем

$$\tau = 1/2K^2D = \lambda_0^2/8\pi^2D\phi_0^2. \quad (10)$$

Максимальное значение  $\eta$  при коротких импульсах записывающего излучения ( $T_{\text{зап}} \ll \tau$ ) достигается к концу записи и определяется поглощенной энергией записывающего импульса.

При обычной схеме динамической голограмии считывание производится либо одним из записывающих лучей, либо третьим лучом от того же лазера. В этом случае существует оптимальная толщина кристалла  $l_{\text{опт}}$ , при которой  $\eta$  максимальна. Условие максимума (9) по  $l$  дает  $\exp(-\alpha l_{\text{опт}}) = 1/3$  ( $\alpha = \alpha_1 = \alpha_0$ ), т. е. оптимальная толщина образца равна приблизительно длине поглощения.

Дифракционную эффективность для режима динамической голограмии удобно определять из выражения

$$W_{\pm 1} = \int_{t_0}^{t_0+T} I_1(t)\eta(t) dt = \eta_{\text{эфф}} W_{10}, \quad (11)$$

где  $W_1(I_1)$  — плотность энергии (интенсивность) воспроизведяющего луча. Если ввести огибающую импульса  $I(t) = I_{\text{max}} f(t)$ , то из (9) и (11) получаем для оптимальной толщины

$$\eta_{\text{эфф}} = 7,5 \cdot 10^{-2} [(1 - R)^2 \alpha / \hbar c] W_1 W_2 \Phi(K), \quad (12)$$

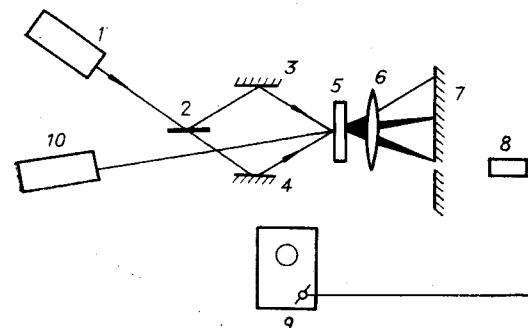
где  $W_1$ ,  $W_2$  — плотность энергии записывающих лучей;  $\Phi(K)$  — нормированная на единицу при  $K=0$  частотно-контрастная функция (ЧКФ) дается выражением

$$\Phi(K) = 3 \int_{t_0}^{t_0+T} dt f(t) \left[ \int_{t_0}^t f(t') e^{-K^2 D(t-t')} dt' \right]^2 / \left[ \int_{t_0}^{t_0+T} f(t) dt \right]^3. \quad (13)$$

ЧКФ, определенная таким образом, зависит от соотношения длительностей импульса света  $T$  и времени релаксации решетки (10). При больших пространственных частотах ЧКФ падает как  $1/K^4$ . На рис. 1 приведена ЧКФ для гауссовой формы огибающей импульса в зависимости от параметра  $K/K_0$ , где  $K_0 = (DT)^{-0.5}$ ,  $T$  — длительность импульса по полувысоте.

**Измерение дифракционной эффективности и времени релаксации решетки.** Схема экспериментальной установки показана на рис. 2. Неодимовый ОКГ 1 работал в режиме пассивной модуляции добротности и генерировал импульсы длительностью 30—40 нс в одной поперечной

моде. С помощью зеркал 2—4 излучение ОКГ делилось на два луча, которые направлялись на образец кремния 5 под регулируемым углом. Использовался монокристаллический кремний  $p$ -типа с удельным сопротивлением 900 Ом·см, подвижностью 290 см<sup>2</sup>/В·с, толщиной 1,6 мм. Поверхности оптически полировались. Интенсивности лучей можно было менять с помощью нейтральных светофильтров.



Rис. 2.

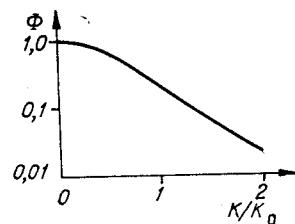


Рис. 1.

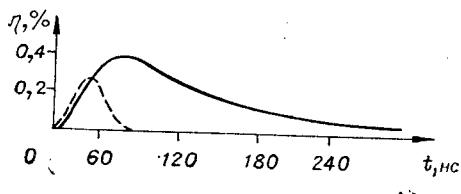


Рис. 3.

рамой располагался ФЭУ 8, сигнал с которого, задержанный во времени, осциллографировался. На осциллограф 9 поступал также сигнал от калиброванного фотоэлемента, служившего для контроля интенсивности ОКГ. Для предотвращения засветки ФЭУ мощным излучением неодимового ОКГ непосредственно перед его фотокатодом устанавливались пластина кремния толщиной 1 см. Однородность интенсивности записывающих лучей была не хуже 10%.

Временная зависимость дифракционной эффективности  $\eta(t)$  в первых порядках при  $W_1 \cdot W_2 = 2 \text{ мДж}^2/\text{см}^4$  показана на рис. 3. Для сравнения на этом же рисунке изображена форма импульса неодимового ОКГ (штриховая линия). В эксперименте измерялась постоянная экспоненциального спада  $\tau$  и эффективность дифракции в максимуме  $\eta_{\max}$ . Экспериментально полученная зависимость  $\tau^{\text{эфф}}$  совпадает с (10), что подтверждает справедливость сделанного предположения об основной роли диффузии. Величина  $\tau$  находилась при изменении угла между записывающими лучами  $\phi$  в интервале от  $1,3 \cdot 10^{-2}$  до  $2,0 \times 10^{-2}$  рад. Для каждого угла обрабатывалась серия из пяти осцилограмм, результаты усреднялись. Затем методом наименьших квадратов, используя (10), определялось значение  $D$ . В результате получено  $D = (7 \pm 1) \text{ см}^2/\text{s}$ .

Зависимость  $\eta_{\max}$  от интенсивности записывающих лучей исследовалась при угле записи  $1,6 \cdot 10^{-2}$  рад. При таком угле  $\tau$  составляло 75 нс, что позволяло при обработке измерений по формуле (9) пренебречь экспонентами под интегралом (ошибка менее 10%) и представить (9) в виде

$$\eta_{\max} = CW_1 W_2, \quad (14)$$

где  $C$  — константа. Диапазон изменения  $W_1 W_2$  составлял 0,2—4 мДж<sup>2</sup>/см<sup>4</sup>, причем  $W_1$  и  $W_2$  изменялись независимо и не превышали 5 мДж/см<sup>2</sup>. Оптимальное значение константы  $C$  составило  $2 \cdot 10^{-3} \text{ см}^4/\text{мДж}^2$ .

Используя полученное значение  $C$  и положив  $R_0 = R_1 = 0,3$ ,  $\alpha = 10 \text{ см}^{-1}$ ,  $\alpha_1 = 0$ , с помощью (9) получаем  $\kappa = (4 \pm 1) \cdot 10^{-22} \text{ см}^3$ . Этот результат согласуется с выводами работы [2], в которой показано, что голограммы в кремнии являются фазовыми. Действительно, сечение поглощения свободными носителями в кремнии при  $\lambda = 1,06 \text{ мкм}$   $\sigma_{n+p} = 5 \cdot 10^{-18} \text{ см}^2$  [4]. Поэтому  $\Delta n / \Delta k = \kappa N / \lambda \sigma N / 2\pi = 2\pi\kappa / \lambda\sigma \approx 5$ .

Проведенные измерения согласуются также с результатами работы [5], где исследовалась дифракционная эффективность динамических решеток в кремнии при больших пространственных частотах. Для такого случая интеграл в выражении (9) равен  $(K^2 D T)^2$ . Используя приведенное в [5] значение чувствительности для малых экспозиций и считая длительность импульса равной 50 нс, находим из (9)  $\kappa \approx 3 \cdot 10^{-22} \text{ см}^3$ .

Подставляя в (12) измеренное значение, получаем расчетную формулу для дифракционной эффективности фазовой решетки в кремнии при оптимальной толщине и малых эффективностях

$$\eta_{\text{эфф}} = 0,7 \cdot 10^{-2} W^2 V \Phi(K), \quad (15)$$

Временная зависимость эффективности дифракции в том или ином дифракционном порядке изменилась с помощью непрерывного гелий-неонового лазера 10 с длиной волны 1,15 мкм. Нужный порядок выделялся линзой 6, в фокусе которой в соответствующем месте устанавливалась диафрагма 7. За диафрагмой располагался ФЭУ 8, сигнал с которого, задержанный во времени, осциллографировался. На осциллограф 9 поступал также сигнал от калиброванного фотоэлемента, служившего для контроля интенсивности ОКГ. Для предотвращения засветки ФЭУ мощным излучением неодимового ОКГ непосредственно перед его фотокатодом устанавливались пластина кремния толщиной 1 см. Однородность интенсивности записывающих лучей была не хуже 10%.

Временная зависимость дифракционной эффективности  $\eta(t)$  в первых порядках при  $W_1 \cdot W_2 = 2 \text{ мДж}^2/\text{см}^4$  показана на рис. 3. Для сравнения на этом же рисунке изображена форма импульса неодимового ОКГ (штриховая линия). В эксперименте измерялась постоянная экспоненциального спада  $\tau$  и эффективность дифракции в максимуме  $\eta_{\max}$ . Экспериментально полученная зависимость  $\tau^{\text{эфф}}$  совпадает с (10), что подтверждает справедливость сделанного предположения об основной роли диффузии. Величина  $\tau$  находилась при изменении угла между записывающими лучами  $\phi$  в интервале от  $1,3 \cdot 10^{-2}$  до  $2,0 \times 10^{-2}$  рад. Для каждого угла обрабатывалась серия из пяти осцилограмм, результаты усреднялись. Затем методом наименьших квадратов, используя (10), определялось значение  $D$ . В результате получено  $D = (7 \pm 1) \text{ см}^2/\text{s}$ .

Зависимость  $\eta_{\max}$  от интенсивности записывающих лучей исследовалась при угле записи  $1,6 \cdot 10^{-2}$  рад. При таком угле  $\tau$  составляло 75 нс, что позволяло при обработке измерений по формуле (9) пренебречь экспонентами под интегралом (ошибка менее 10%) и представить (9) в виде

$$\eta_{\max} = CW_1 W_2, \quad (14)$$

где  $C$  — константа. Диапазон изменения  $W_1 W_2$  составлял 0,2—4 мДж<sup>2</sup>/см<sup>4</sup>, причем  $W_1$  и  $W_2$  изменялись независимо и не превышали 5 мДж/см<sup>2</sup>. Оптимальное значение константы  $C$  составило  $2 \cdot 10^{-3} \text{ см}^4/\text{мДж}^2$ .

Используя полученное значение  $C$  и положив  $R_0 = R_1 = 0,3$ ,  $\alpha = 10 \text{ см}^{-1}$ ,  $\alpha_1 = 0$ , с помощью (9) получаем  $\kappa = (4 \pm 1) \cdot 10^{-22} \text{ см}^3$ . Этот результат согласуется с выводами работы [2], в которой показано, что голограммы в кремнии являются фазовыми. Действительно, сечение поглощения свободными носителями в кремнии при  $\lambda = 1,06 \text{ мкм}$   $\sigma_{n+p} = 5 \cdot 10^{-18} \text{ см}^2$  [4]. Поэтому  $\Delta n / \Delta k = \kappa N / \lambda \sigma N / 2\pi = 2\pi\kappa / \lambda\sigma \approx 5$ .

Проведенные измерения согласуются также с результатами работы [5], где исследовалась дифракционная эффективность динамических решеток в кремнии при больших пространственных частотах. Для такого случая интеграл в выражении (9) равен  $(K^2 D T)^2$ . Используя приведенное в [5] значение чувствительности для малых экспозиций и считая длительность импульса равной 50 нс, находим из (9)  $\kappa \approx 3 \cdot 10^{-22} \text{ см}^3$ .

Подставляя в (12) измеренное значение, получаем расчетную формулу для дифракционной эффективности фазовой решетки в кремнии при оптимальной толщине и малых эффективностях

$$\eta_{\text{эфф}} = 0,7 \cdot 10^{-2} W^2 V \Phi(K), \quad (15)$$

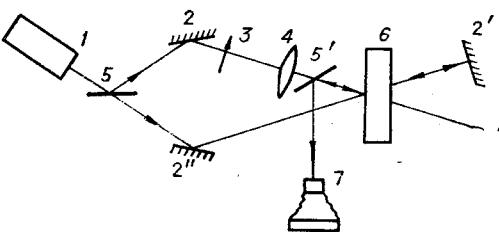


Рис. 4.

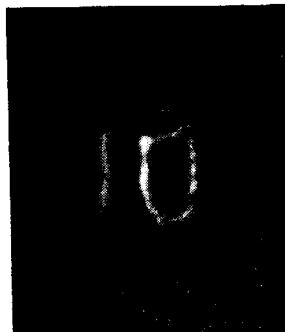


Рис. 5.

где  $V$  — коэффициент контрастности,  $W$  — суммарная плотность энергии, мДж/см<sup>2</sup>,  $\eta_{\text{эфф}}$ , %.

**Запись голограммы.** В качестве иллюстрации была произведена запись динамической Фурье-голограммы цифрового объекта. Оптическая схема показана на рис. 4, где 1 — неодимовый ОКГ; 2, 2', 2'' — зеркала; 3 — объект (цифра 10 на стандартной мише размером 1 мм); 4 — линза с фокусным расстоянием 0,5 мм; 5, 5' — полупрозрачные зеркала; 6 — образец кремния толщиной 0,5 мм; 7 — электронно-оптический преобразователь. Фотография изображения восстановленной голограммы на свободных электронах в кристалле кремния показана на рис. 5.

В заключение авторы выражают благодарность В. М. Семибала-муту за проведение вычислений.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. J. P. Woerdman and B. Bolger. Diffraction of light by a laser induced grating in Si.— "Phys. Lett.", 1969, vol. 30A, № 3, p. 164.
2. J. P. Woerdman. Diffraction of light by laser generated free carries in Si: dispersion or absorption? — "Phys. Lett.", 1970, vol. 32A, № 5, p. 305.
3. J. P. Woerdman. Formation of a transient free carrier hologram in Si.— "Opt. Commun.", 1970, vol. 2, № 5, p. 212.
4. W. B. Gausberg, J. C. Bushnell. Laser-induced infrared absorption in silicon.— "J. Appl. Phys.", 1970, vol. 41, № 9, p. 3850.
5. Ю. Ю. Вайткус, К. Ю. Ярашюнас. Исследование динамических голограмм на свободных носителях в кремнии.— «Лит. физ. сб.», 1974, т. XIV, № 2, с. 345.

Поступила в редакцию 7 апреля 1976 г.

УДК 681.327.17

Н. А. ВЛАСОВ, Э. Л. КАЩЕЕВ, Т. Н. МАНТУШ,  
Б. Н. ПАНКОВ, Е. Ф. ПЕН  
(Новосибирск)

#### ФУНКЦИОНАЛЬНЫЙ КОНТРОЛЬ ИНТЕГРАЛЬНЫХ ФОТОПРИЕМНЫХ МАТРИЦ

Развитие техники голограммных запоминающих устройств зависит от создания ряда элементов, отвечающих определенным требованиям. Одним из таких элементов является фотоприемная матрица, с помощью которой производится фотоэлектрическое преобразование и считывание