

На рис. 3 приведены зависимости от степени турбулентности ε относительного смещения среднего значения Δ_i , возникающего при том и другом способах статистической обработки. Из сравнения результатов следует, что для уменьшения систематической составляющей погрешности определения средней скорости турбулентного течения целесообразно ориентировать вектор пространственной частоты интерференционного поля в измерительном объеме ЛДИСа ближе к среднему направлению потока так, чтобы $\alpha_0 \approx 0$, и статистическую обработку результатов измерения проводить по алгоритму (3).

Более полное устранение смещения средней скорости может быть достигнуто при измерении двух проекций вектора скорости и статистической обработке результатов с учетом функции распределения (2).

ЛИТЕРАТУРА

1. Кулеп В. П. Анализ оптической системы ЛДИСа методом Фурье.— Труды ЦАГИ, 1976, вып. 1750, с. 70—82.
2. McLaughlin D. K., Tiederman W. G. Biasing correction for individual realization of laser anemometer measurements in turbulent flows.— Phys. Fluids, 1973, vol. 16, N 12.
3. Хезель В., Роди В. Новый метод устранения смещения при статистической обработке данных от лазерного измерителя скорости.— Приборы для науч. исслед., 1977, № 7.
4. Соболев В. С., Шмойлов Н. Ф. Погрешности осреднения случайных профилей скорости лазерным доплеровским измерителем.— В кн.: Методы лазерной доплеровской диагностики в гидродинамике: (Материалы междунар. школы-семинара). Минск: Ин-т тепло- и массообмена АН БССР, 1978.
5. Буххаве П., Касперсон К. Обработка информации о дискретных частицах, полученной с помощью лазерного доплеровского анемометра.— В кн.: Материалы VIII конгресса ИМЕКО. М., 1979.

Поступило в редакцию 5 ноября 1979 г.;
окончательный вариант — 25 марта 1980 г.

УДК 519.281.1

В. Л. ГОРОХОВ
(Ленинград)

РАНГОВЫЙ ОБНАРУЖИТЕЛЬ СБОЕВ ДЛЯ СИСТЕМЫ ОБРАБОТКИ ИЗОБРАЖЕНИЙ

При автоматизированной цифровой обработке изображений, например, в астрономии часто возникает задача выявления и устранения хаотических импульсных помех типа сбоев. Такие помехи возникают в случаях хаотических сдвигов разрядов в регистрах цифровых устройств. Учитывая возможное разнообразие шумовой обстановки, при обнаружении сбоев целесообразно обратиться к методам непараметрической статистики [1]. Будем описывать обрабатываемые массивы данных X , задавая достаточно широким классом распределений шума $F(x)$, имеющих плотность $f(x)$, для которой практически выполняются условия, предложенные в [1].

В такой ситуации возможно описание сбоев с помощью параметра сдвига Δ в классе распределений, обладающих сдвиговым свойством. Уточним дальнейшие предположения.

Пусть для обнаружения сбоя изображение анализируется двумя интервалами разрешения (x_1, \dots, x_m) и (x_{m+1}, \dots, x_N) , где x_i — независимые отсчеты случайного процесса соответственно для первой (чисто шумовой) и второй (проверяемой) выборки. Плотность распределения отсчетов в отсутствие сбоя одинакова при любом $i = 1, N$, удовлетворяет условиям [1] и неизвестна. Теперь задача обнаружения сбоя состоит в проверке сложных статистических гипотез

$$H_0: \Delta \neq 0, \quad H_1: \Delta > 0 \quad (1)$$

на базе совместных плотностей

$$f(x) = \prod_{i=1}^N f(x_i),$$

$$g(x) = \prod_{i=1}^m f(x_i) \prod_{i=m+1}^N f(x_i - \Delta)$$

объединенной выборки для случая нулевой гипотезы и альтернативы соответственно. Учитывая непараметрическую формулировку задачи, решающее правило для проверки гипотез (1) целесообразно искать в классе локально наиболее мощных (ЛНМ) ранговых правил, которые определяют решающие процедуры, нечувствительные к изменениям закона распределения шума. Согласно теореме 2.4.4 [1] в данной ситуации существует ЛНМ-ранговый критерий с критической областью

$$\sum_{i=m+1}^N a(R_i, f(x)) \geq k. \quad (2)$$

Здесь $a(\cdot)$ — метки распределения $F(x)$, R_i — ранги объединенной выборки, k — пороговый уровень.

Для построения явной структуры критерия требуется знание вида плотности $f(x)$, которая в данной задаче считается неизвестной. Поэтому ниже предлагается асимптотический вид критической области, позволяющий использовать непосредственную оценку вида исходного распределения на базе шумовой выборки (при $N \geq 60$). Для этого перейдем от (2) к известному приближению

$$\sum_{i=m+1}^N E(x^{(R_i)}) \geq k,$$

где $E(\cdot)$ — усреднение по распределению $F(\cdot)$. Это приближение справедливо для широкого класса распределений при следующем условии на плотность: $f(x, \Delta) = f(x, 0)\varphi(x)$, $\varphi(x)$ — линейная функция. Заметим, что $E(\cdot)$ можно заменить ее асимптотическим значением $\lambda_{i/(N+1)}$ — квантилем исходного распределения. Сам квантиль представляется в общем виде как $F^{-1}(R_i/(N+1))$, где $F^{-1}(\cdot)$ — функция, обратная распределению шумовой выборки, откуда и следует искомый асимптотический вид теста

$$\sum_{i=m+1}^N F^{-1}(R_i/(N+1)) \geq k.$$

Заменим неизвестный вид $F^{-1}(\cdot)$ ее оценкой $\hat{F}^{-1}(\cdot)$, выполненной на основе эмпирической функции распределения шумовой выборки, и получим непараметрический вид критической области для проверки гипотез (1):

$$\sum_{i=m+1}^N \hat{F}^{-1}(R_i/(N+1)) \geq k. \quad (3)$$

Величина порога k определяется заданным уровнем вероятности α ложной тревоги и легко вычисляется для нормальной аппроксимации распределения статистики критерия $k = \sigma\Phi^{-1}(1 - \alpha) + \mu$, где μ и σ^2 — среднее и дисперсия статистики критерия; Φ^{-1} — функция, обратная интегралу вероятности. Величины μ и σ^2 можно вычислять, следуя методике [1] и теореме 2.3.4 [1] (например, для экспоненциальной модели $\mu = nm/(n+m)$, $\sigma = \sqrt{nm/(n+m)}$, m и n — объемы шумовой и проверяемой выборок). Методами статистического моделирования были вычислены мощности критерия (5), равные 0,57; 0,53; 0,56 (при $\alpha = 10^{-2}$, $\Delta \sim 1.2$, $n = 60$, $m = 60$) для нормальной, экспоненциальной и логистической моделей соответственно. Аналогично вычислены мощности критерия Манна — Уитни (0,55; 0,51; 0,58) и критерия Ван дер Вардена (0,59; 0,54; 0,5) для тех же моделей. Статистическая погрешность 3%.

Таким образом, эффективность критерия (3) для малых Δ «устойчива» при изменении типа распределения отсчетов. Этого можно было ожидать, поскольку форма критерия (3) получена из ЛНМ-алгоритма (2), обладающего свойством локальной оптимальности для широкого класса распределений смеси сигнала и шума. Кроме того, структура алгоритма (3) не зависит от типа распределения шума, а вероятность ложных тревог остается постоянной при фиксированном пороге.

ЛИТЕРАТУРА

1. Гаек Я., Шидак З. Теория ранговых критериев. — М.: Наука, 1971.

Поступило в редакцию 25 марта 1981 г.;
окончательный вариант — 9 апреля 1982 г.