

отношение С/Ш значительно (на 20—30 дБ) ниже динамического диапазона ПЗС. Более высокое отношение С/Ш имеет место при анализе сигналов с малыми пик-факторами. Отметим, что полученные результаты справедливы для любых ОФП: как аналоговых, так и дискретно-аналоговых, в которых ввод сигналов производится с помощью модуляции света по интенсивности, а для съема информации используется ПЗС.

В заключение подчеркнем, что дискретные масочные ОФП, обсуждавшиеся выше, не

- Lee J. N., Lin S. C., Tveten A. B. New acousto-optic devices for Fourier transformations // SPIE, Real Time Signal Proces. V.— 1982.— 341.— P. 86.
- Lin S. C., Tveten A. B. Simplified time-integrating acousto-optical processor for Fourier transformation // Opt. Lett.— 1982.— 7, № 9.— P. 448.
- Casasent D., Psaltis D. Classification for optical signal processing architectures // SPIE, Acousto-Optic Bulk Wave Devic.— 1979.— 214.— P. 32.
- Bromley K., Monahan M. A., Saxe G. Linear transformations performed by an electro-optical processor // SPIE, Transformat. Opt. Signal Proces.— 1981.— 373.— P. 95.
- Псалтис Д. Двумерная оптическая обработка сигналов с использованием одномерных входных устройств // ТИИЭР.— 1984.— 72, № 7.
- Грибанов Ю. И., Мальков В. Л. Погрешности и параметры цифрового спектрально-корреляционного анализа.— М.: Радио и связь, 1984.
- Бухенский А. Ф., Морозов С. В., Яковлев В. И. Сигнал-шум оптического спектроанализатора с временным интегрированием // Радиотехника.— 1987.— № 1.

Поступила в редакцию 9 октября 1987 г.

УДК 621.372.8 : 535.417

И. И. ИТКИН, С. М. ШАНДАРОВ  
(Томск)

## СТРУКТУРА НАВЕДЕНИХ ПОЛЕЙ ГОЛОГРАФИЧЕСКИХ РЕШЕТОК В ПЛАНАРНОМ ВОЛНОВОДЕ ПРИ ФОТОГАЛЬВАНИЧЕСКОМ МЕХАНИЗМЕ ЗАПИСИ

1. Голографические решетки (ГР), сформированные в планарных волноводных структурах, применяются в интегрально-оптических устройствах в качестве элементов оптической памяти [1, 2], для ввода, вывода и коллимирования оптического излучения [3, 4] и в других целях. Одним из основных материалов для интегральной оптики является циобат лития [5], в котором могут записываться как объемные [6], так и планарные фазовые голограммы [7—9]. В примесных кристаллах  $\text{LiNbO}_3 : \text{Fe}$ ,  $\text{LiNbO}_3 : \text{Cu}$ , имеющих высокую чувствительность к записи голограмм, основным механизмом формирования наведенных электрических полей, модулирующих оптические свойства среды, является фотогальванический эффект [6].

Теория формирования фазовых голограмм за счет фотогальванического эффекта в объемных средах хорошо развита в [6, 10—12]. Однако теоретическим исследованиям фотогальванической записи голограмм в

волноводных структурах посвящена лишь работа [13], в которой рассмотрен частный случай коллинеарного взаимодействия мод полоскового введенной в подложку из никоата лития. Для простоты мы пренебрегали пьезоэффектом, эффектами самодифракции и диффузионным током.

2. Рассмотрим созданную в кристалле симметрии  $3m$   $z$ -ориентации планарную волноводную структуру, в которой распределения показателя преломления  $n(z)$  и фотогальванических констант  $\beta_{mn}(z)$  имеют ступенчатый профиль

$$n(z) = \begin{cases} n_2 & \text{при } z > 0; \\ n_0 & \text{при } 0 \geq z \geq -h; \\ n_1 & \text{при } z < -h; \end{cases}$$

$$\beta_{mn}(z) = \begin{cases} \beta_{mn} & \text{при } 0 \geq z \geq -h; \\ 0 & \text{при } z < -h, \end{cases}$$

где  $n_0$ ,  $n_1$ ,  $n_2$  — показатели преломления волноводного слоя, подложки и покровной среды соответственно. Такой волновод может быть изготовлен, например, методом эпитаксиального выращивания [14].

Взаимодействующие волноводные  $TE_m$ -моды считаем имеющими плоские фроны и распространяющимися под малыми углами  $\pm\theta$  к оси  $x$ , что позволяет считать их поляризованными по оси  $y$  и ограничиться анализом двумерной задачи. Учитывая симметрию теплозора  $\beta_{mn}$  [15], найдем компоненты вектора плотности фотогальванического тока  $\delta_i$ , вызываемого световым распределением в волноводном слое:

$$\delta_2(y, z) = \beta_{22}[J_{1m}(z) + J_{2m}(z)] + 2\sqrt{J_{1m}(z)J_{2m}(z)}\beta_{22}\exp(-iKy); \quad (1)$$

$$\delta_3(y, z) = \beta_{31}[J_{1m}(z) + J_{2m}(z)] + 2\sqrt{J_{1m}(z)J_{2m}(z)}\beta_{31}\exp(-iKy).$$

Здесь  $K = 2\pi/\Lambda$  — модуль вектора ГР,  $\Lambda$  — ее период, индексы 1 и 2 относятся к предметной и опорной волнам, а распределения интенсивности полей  $TE_m$ -мод  $J_{1m}(z)$  и  $J_{2m}(z)$  определяются известным выражением [5]

$$J_m(z) = J_m \cos^2(\kappa_{0m}z + \Psi_{2m}/2),$$

где  $\Psi_{2m} = \arctg(k_0 \sqrt{n_m^{*2} - n_2^2} / \kappa_{0m})$ ;  $\kappa_{0m} = k_0 \sqrt{n_0^2 - n_m^{*2}}$  — поперечная постоянная распространения;  $n_m^*$  — эффективный показатель преломления моды  $TE_m$ ;  $k_0 = 2\pi/\lambda$ ;  $\lambda$  — длина волны света в вакууме.

Из выражений (1) следует, что в волноводном слое существует как нормальная его плоскости компонента фотогальванического тока  $\delta_3$ , так и направлена по вектору решетки компонента  $\delta_2$ . Первые члены в (1) характеризуют не зависящие от  $y$  составляющие тока, которые должны приводить к перераспределению объемных зарядов вдоль осей  $y$  и  $z$ .

Возникающие при этом электрические поля  $E_3(z)$  и  $E_2(z)$  не дают вклада в поле ГР, но изменяют вследствие электрооптического эффекта показатель преломления волноводного слоя. Будем считать эти изменения малыми и пренебречь ими в дальнейшем.

На начальном участке записи ГР при  $t \ll \tau_m$  ( $\tau_m$  — время максвелловской релаксации) ток проводимости мал, и им можно также пренебречь [6]. Представляя потенциал наведенного электрического поля ГР в форме  $\varphi = \varphi_0(z)\exp(-iKy)$  и учитывая пространственно осциллирующие вдоль оси  $y$  составляющие фотогальванического тока, получим уравнение для  $\varphi_0(z)$

$$\frac{d^2\varphi_0}{dz^2} - K^2\varphi_0 \epsilon_2 / \epsilon_3 = -2\sqrt{J_{1m}J_{2m}}t/\epsilon_3 \{\beta_{31}\kappa_{0m} \times$$

$$\times \sin(2\kappa_{0m}z + \Psi_{2m}) + iK\beta_{22}[\cos(2\kappa_{0m}z + \Psi_{2m}) + 1]/2\}, \quad (2)$$

где  $\varepsilon_2, \varepsilon_3$  — компоненты тензора статической диэлектрической проницаемости кристалла, которые для волноводного слоя будем полагать такими же, как и для подложки.

Уравнение (2) для подложки ( $\beta_{mn} = 0$ ) сводится к уравнению свободных колебаний [5], и его решение с учетом условия конечности имеет вид

$$\varphi_{0m}^{(1)} = C_{1m} \exp(K'z) \text{ при } z \leq -h, \quad (3)$$

где  $K' = K\sqrt{\varepsilon_2/\varepsilon_3}$ . Потенциал наведенного поля  $\varphi_0(z)$  в волноводном слое удовлетворяет уравнению вынужденных колебаний (2). Характерно, что в отличие от процессов голографической записи в объемных средах в формирование наведенного поля вносит вклад не только параллельная вектору решетки составляющая фотогальванического тока  $\delta_2 \sim \beta_{22}$ , но и нормальная к плоскости волновода компонента  $\delta_3 \sim \beta_{31}$ . При этом вклады  $\delta_2$  и  $\delta_3$  сдвинуты относительно друг друга по фазе на  $\pi/2$ .

Используя общее решение уравнения вынужденных колебаний [5], найдем из (2) распределение потенциала  $\varphi_0(z)$  в волноводном слое

$$\begin{aligned} \varphi_{0m}(z) = & -\frac{2\sqrt{J_{1m}J_{2m}}t}{\varepsilon_3(4x_{0m}^2+K'^2)} \{ \beta_{31}(-x_{0m}) \sin(2x_{0m}z + \Psi_{2m}) + \\ & + i\beta_{22}K[\cos(2x_{0m}z + \Psi_{2m}) + 4x_{0m}^2/K'^2 + 1]/2 \} + C_{2m} \exp(K'z) + \\ & + C_{3m} \exp(-K'z) \text{ при } 0 \geq z \geq -h. \end{aligned} \quad (4)$$

Постоянные  $C_{1m}, C_{2m}$  и  $C_{3m}$  определяются из условий непрерывности потенциала и компонент вектора электрической индукции при  $z = 0$  и  $z = -h$ . Ограничимся анализом структуры поля для электрически закороченной границы  $z = 0$ , предполагая, что на нее нанесена тонкая проводящая оптически прозрачная пленка. В этом случае из (3) и (4) с учетом граничных условий найдем распределения полей в волноводном слое при  $0 \geq z \geq -h$

$$\begin{aligned} E_{2m} = & -\frac{2\sqrt{J_{1m}J_{2m}}tK}{\varepsilon_3(4x_{0m}^2+K'^2)} \{ \beta_{22}K[\cos(2x_{0m}z + \Psi_{2m}) + (A_1 + 2x_{0m}A_2/K' + A_3) \times \\ & \times \exp(-K'h) \operatorname{sh}(K'z) - (A_3 + \cos\Psi_{2m}) \exp(K'z) + A_3]/2 + \\ & + i\beta_{31}x_{0m}[\sin(2x_{0m}z + \Psi_{2m}) - (2x_{0m}A_1/K' - A_2) \exp(-K'h) \operatorname{sh}(K'z) - \\ & - \sin\Psi_{2m} \exp(K'z)] \}; \end{aligned} \quad (5)$$

$$\begin{aligned} E_{3m} = & \frac{2\sqrt{J_{1m}J_{2m}}tK'}{\varepsilon_3(4x_{0m}^2+K'^2)} \{ \beta_{31}(-x_{0m})[2x_{0m}/K' \cos(2x_{0m}z + \Psi_{2m}) - \\ & - (2x_{0m}A_1/K' - A_2) \exp(-K'h) \operatorname{ch}(K'z) - \sin\Psi_{2m} \exp(K'z)] - \\ & - i\beta_{22}K[2x_{0m}/K' \sin(2x_{0m}z + \Psi_{2m}) - (A_1 + 2x_{0m}A_2/K' + A_3) \times \\ & \times \exp(-K'h) \operatorname{ch}(K'z) + (\cos\Psi_{2m} + A_3) \exp(K'z)]/2 \} \end{aligned} \quad (6)$$

и в подложке при  $z \leq -h$

$$\begin{aligned} E_{2m}^{(1)} = & -\frac{2\sqrt{J_{1m}J_{2m}}tK}{\varepsilon_3(4x_{0m}^2+K'^2)} \{ \beta_{22}K[(A_1 + A_3) \operatorname{ch}(K'h) - 2x_{0m}A_2 \operatorname{sh}(K'h)/K' - \\ & - A_3 - \cos\Psi_{2m}]/2 + i\beta_{31}x_{0m}[2x_{0m}A_1 \operatorname{sh}(K'h)/K' + A_2 \operatorname{ch}(K'h) - \\ & - \sin\Psi_{2m}] \} \exp(K'z); \end{aligned} \quad (7)$$

$$E_{3m}^{(1)} = -iE_{2m}^{(1)}\sqrt{\varepsilon_2/\varepsilon_3}, \quad (8)$$

где  $A_1 = \cos(\Psi_{2m} - 2x_{0m}h)$ ,  $A_2 = \sin(\Psi_{2m} - 2x_{0m}h)$ ,  $A_3 = 4x_{0m}^2/K'^2 + 1$ . Отметим, что амплитуды компонент наведенных полей зависят от попечерных постоянных распространения волноводных мод  $x_{0m}$  и модуля вектора решетки  $K$ .

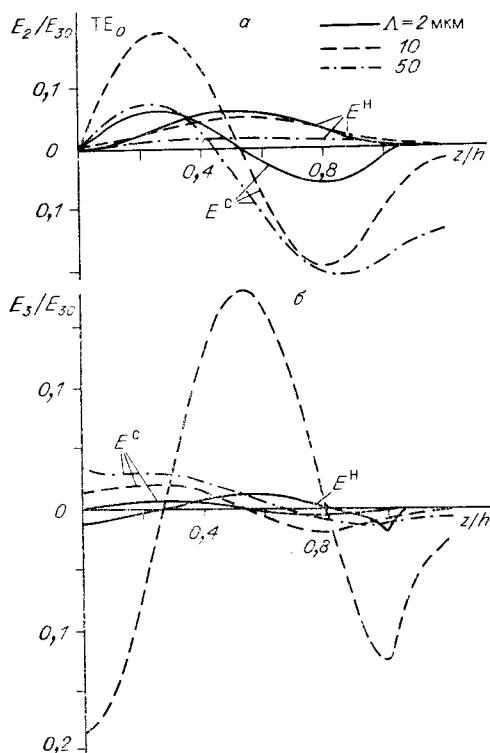


Рис. 1

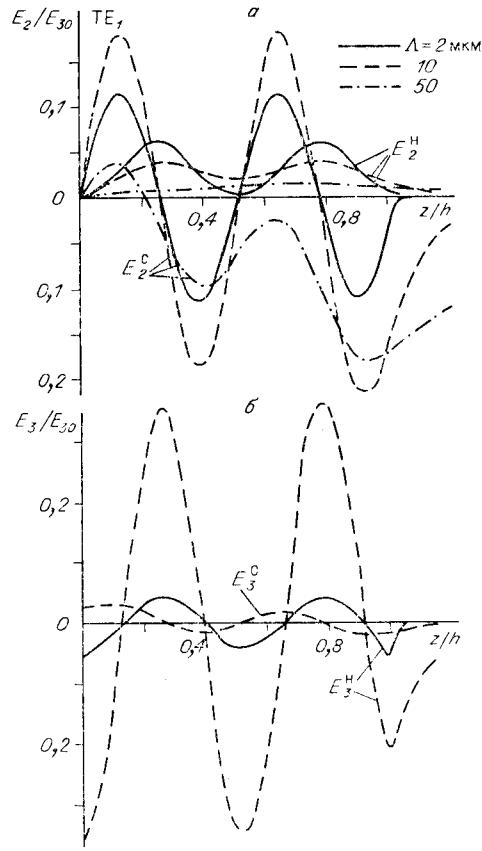
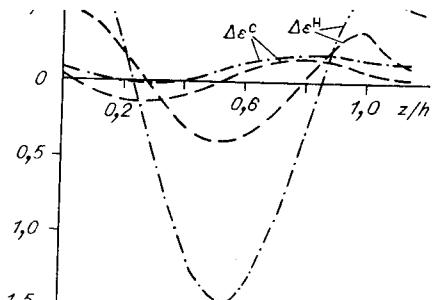


Рис. 2

3. Численный анализ распределения полей ГР проводился для  $\lambda = 633$  нм на модельном волноводе со следующими параметрами:  $n_2 = 1$ ,  $n_0 = 2,2968$ ,  $n_1 = 2,2868$ ,  $h = 10$  мкм. Поперечные распределения наведенных полей  $E_2(z)$  и  $E_3(z)$  для трех периодов решетки  $\Lambda = 2$ , 10 и 50 мкм при записи голограмм модами  $TE_0$  и  $TE_1$  представлены на рис. 1, а, б и 2, а, б соответственно. Распределения пронормированы на амплитуду поля ГР  $E_{30} = -2\beta_{31}\sqrt{J_{1m}J_{2m}t}/\epsilon_3$ , формируемой обыкновению поляризованными плоскими световыми волнами в объемном образце с аналогичными волноводному слою фотогальваническими свойствами при тех же значениях  $J_{1m}$ ,  $J_{2m}$  и  $t$ . В расчетах использовались константы  $\beta_{31}$  и  $\beta_{22}$  кристалла  $LiNbO_3 : Fe$ , приведенные в [16].

4. Анализ распределений наведенных полей (см. (5)–(8), рис. 1, 2) показывает, что фотогальванический ток  $\delta_2$ , направленный по вектору решетки, так же, как и в безграничной среде, дает вклад в синфазное с интерференционной световой картиной  $J(y, z)$  распределение компоненты наведенного поля  $E_2^H$ . Двумерный характер записи ГР в планарном волноводе приводит к тому, что ток  $\delta_2(y, z)$  формирует также сдвинутое по фазе на  $\pi/2$  относительно  $J(y, z)$  распределение нормальной к границе кристалла компоненты  $E_3^C(y, z)$ . Компонента фотогальванического тока  $\delta_3$ , ортогональная вектору решетки и не играющая роли в безграничной среде, вносит вклад в синфазную  $E_3^H(y, z)$  и сдвинутую  $E_2^C(y, z)$  составляющие полей.

Для кристалла  $LiNbO_3 : Fe$  выбранной ориентации фотогальванический ток  $\delta_3$  по нормали к волноводному слою существенно превышает компоненту тока  $\delta_2$ , направленную по вектору решетки ( $\beta_{22} \ll \beta_{31}$ ). Поэтому для больших периодов решетки, как следует из рис. 1 и 2,  $E_2^C \gg E_2^H, E_3 \ll E_3^H$ . При малых по сравнению с толщиной волноводного



Rис. 3

родность светового распределения тем больше, чем выше номер моды, и составляющая  $E_3^H$  для моды TE<sub>1</sub> превышает таковую для моды TE<sub>0</sub>. Отметим, что поперечное распределение составляющей наведенного поля  $E_2^c(z)$  имеет более сложную зависимость от периода решетки.

5. Для анализа дифракции волноводных TE-мод на записанной ГР необходимо знать распределение амплитуды наведенных возмущений компоненты тензора диэлектрической проницаемости среды на частоте световой волны

$$\Delta\epsilon_{22}(z) = n^4 [r_{13}E_3(z) + r_{22}E_2(z)],$$

где  $r_{13}$  и  $r_{22}$  — электрооптические постоянные;  $n$  — обыкновенный показатель преломления кристалла. Распределения  $\Delta\epsilon_{22}(z)$ , формируемые на начальном участке записи ГР модами TE<sub>0</sub> с интенсивностями  $J_{1m} = J_{2m} = 0,7 \text{ мВт/мм}^2$  за время  $t = 120 \text{ с}$ , представлены на рис. 3.

Как следует из рис. 3, в рассматриваемой волноводной структуре с увеличением периода решетки амплитуда наведенных возмущений оптических свойств среды возрастает. Распределения синфазной и сдвинутой на  $\pi/2$  относительно интерференционной световой картины составляющих  $\Delta\epsilon_{22}^H(z)$  и  $\Delta\epsilon_{22}^c(z)$  существенно различаются. Если  $\Delta\epsilon_{22}^H(z)$  достигает экстремальных значений на границах волноводного слоя и примерно в его середине, то экстремумы  $\Delta\epsilon_{22}^c(z)$  имеют место при  $z \sim h/4$  и  $z \sim 3h/4$ . Для  $\Lambda = 50 \text{ мкм}$  максимальное значение сдвинутой компоненты  $\Delta\epsilon_{22}^c$  составляет  $\sim 15\%$  от максимальной величины  $\Delta\epsilon_{22}^H$ , а для  $\Lambda = 2 \text{ мкм}$  они примерно одинаковы.

6. Проведенные расчеты показывают, что процесс формирования ГР в планарных волноводах имеет ряд характерных особенностей, не наблюдавшихся в безграничных средах. В частности, запись ГР может осуществляться фотогальваническим током, текущим ортогонально вектору решетки. Скорость записи при этом возрастает с увеличением периода решетки.

Известно [10, 11], что фотогальванический эффект совместно с линейным электрооптическим обуславливают линейное взаимодействие световых волн в фоторефрактивных кристаллах. При этом существенную роль играет величина фазового сдвига между наведенными возмущениями оптических свойств среды и интерференционной световой картиной [17]. В данном волноводе, варьируя период записываемой ГР, можно менять величину оптической пелинейности среды и указанный фазовый сдвиг.

Авторы благодарят Е. С. Коваленко, С. Г. Одулова и В. М. Шапдарова за полезные обсуждения.

решетки, поэтому вклад  $\delta_3(y, z)$  в наведенные поля уменьшается, и для  $\Lambda = 2 \text{ мкм}$  синфазные и сдвинутые составляющие полей  $E_2^H$  и  $E_2^c$  близки по величине.

При больших периодах решетки неоднородность светового распределения по оси  $z$  играет основную роль в формировании наведенного поля. Это приводит к монотонному возрастанию  $E_3^H$  с ростом  $\Lambda$ . В волноводах со ступенчатым профилем показателя преломления поперечная неоднородность светового распределения тем больше, чем выше номер моды, и составляющая  $E_3^H$  для моды TE<sub>1</sub> превышает таковую для моды TE<sub>0</sub>. Отметим, что поперечное распределение составляющей наведенного поля  $E_2^c(z)$  имеет более сложную зависимость от периода решетки.

5. Для анализа дифракции волноводных TE-мод на записанной ГР необходимо знать распределение амплитуды наведенных возмущений компоненты тензора диэлектрической проницаемости среды на частоте световой волны

$$\Delta\epsilon_{22}(z) = n^4 [r_{13}E_3(z) + r_{22}E_2(z)],$$

где  $r_{13}$  и  $r_{22}$  — электрооптические постоянные;  $n$  — обыкновенный показатель преломления кристалла. Распределения  $\Delta\epsilon_{22}(z)$ , формируемые на начальном участке записи ГР модами TE<sub>0</sub> с интенсивностями  $J_{1m} = J_{2m} = 0,7 \text{ мВт/мм}^2$  за время  $t = 120 \text{ с}$ , представлены на рис. 3.

Как следует из рис. 3, в рассматриваемой волноводной структуре с увеличением периода решетки амплитуда наведенных возмущений оптических свойств среды возрастает. Распределения синфазной и сдвинутой на  $\pi/2$  относительно интерференционной световой картины составляющих  $\Delta\epsilon_{22}^H(z)$  и  $\Delta\epsilon_{22}^c(z)$  существенно различаются. Если  $\Delta\epsilon_{22}^H(z)$  достигает экстремальных значений на границах волноводного слоя и примерно в его середине, то экстремумы  $\Delta\epsilon_{22}^c(z)$  имеют место при  $z \sim h/4$  и  $z \sim 3h/4$ . Для  $\Lambda = 50 \text{ мкм}$  максимальное значение сдвинутой компоненты  $\Delta\epsilon_{22}^c$  составляет  $\sim 15\%$  от максимальной величины  $\Delta\epsilon_{22}^H$ , а для  $\Lambda = 2 \text{ мкм}$  они примерно одинаковы.

6. Проведенные расчеты показывают, что процесс формирования ГР в планарных волноводах имеет ряд характерных особенностей, не наблюдавшихся в безграничных средах. В частности, запись ГР может осуществляться фотогальваническим током, текущим ортогонально вектору решетки. Скорость записи при этом возрастает с увеличением периода решетки.

Известно [10, 11], что фотогальванический эффект совместно с линейным электрооптическим обуславливают линейное взаимодействие световых волн в фоторефрактивных кристаллах. При этом существенную роль играет величина фазового сдвига между наведенными возмущениями оптических свойств среды и интерференционной световой картиной [17]. В данном волноводе, варьируя период записываемой ГР, можно менять величину оптической пелинейности среды и указанный фазовый сдвиг.

Авторы благодарят Е. С. Коваленко, С. Г. Одулова и В. М. Шапдарова за полезные обсуждения.

- ческого элемента голограммической памяти // Письма в ЖТФ.— 1985.— 11, вып. 9.
3. Липовская М. Ю., Липовский А. А. Исследование интегрально-оптического решеточного элемента связи с переменной глубиной гофра // ЖТФ.— 1983.— 53, № 4.
4. Кухарев А. В., Липовская М. Ю., Липовский А. А. и др. Исследование макета интегрально-оптического экспандера // ЖТФ.— 1985.— 55, вып. 8.
5. Хансперджер Р. Интегральная оптика: Теория и технология: Пер. с англ.— М.: Мир, 1985.
6. Петров М. П., Степанов С. И., Хоменко А. В. Фоточувствительные среды в голограммии и оптической обработке информации.— Л.: Наука, 1983.
7. Кандидова О. В., Леманов В. В., Сухарев Б. В. Запись голограмм в планарных световодах из ниобата лития // Письма в ЖТФ.— 1983.— 9, вып. 13.
8. Nisius J. P., Kräitzig E. Stabilization of  $\text{Fe}^{2+}$  centers in  $\text{LiNbO}_3:\text{Ti}$  waveguides // Sol. St. Commun.— 1985.— 53, N 9.— P. 743.
9. Шандаров В. М., Шандаров С. М. Особенности записи голограмм в планарных оптических волноводах  $\text{LiNbO}_3:\text{Fe}$  // Письма в ЖТФ.— 1986.— 12, вып. 1.
10. Стурман Б. И. Фотогальванический эффект — новый механизм нелинейного взаимодействия волн в электрооптических кристаллах // Квантовая электрон.— 1980.— 7, № 3.
11. Одулов С. Г., Стурман Б. И. Поляризационное четырехвольновое взаимодействие в фоторефрактивных кристаллах // ЖЭТФ.— 1987.— 92, вып. 6.
12. Изванов А. А., Мандель А. Е., Хатьков Н. Д., Шандаров С. М. Влияние пьезоэффекта на процессы записи и восстановления голограмм в фоторефрактивных кристаллах // Автометрия.— 1986.— № 2.
13. Божевольный С. И., Горлатова Е. В., Черных В. А. Исследование кинетики фотоподицированного преобразования поляризации света в  $\text{Ti}:\text{LiNbO}_3$ -волноводах // ЖТФ.— 1987.— 57, вып. 8.
14. Космына М. Б., Воронов А. П., Ткаченко В. Ф. Получение эпитаксиальных структур на основе ниобата-танталата лития для интегральной оптики // Интегральная оптика. Физические основы, приложения.— Новосибирск: Наука, 1986.
15. Одулов С. Г., Олейник О. И. Динамические голограммы в кристаллах  $\text{LiNbO}_3$ , обусловленные поперечным фотогальваническим эффектом // Квантовая электрон.— 1983.— 10, № 7.
16. Хатьков Н. Д., Шандаров С. М. Компоненты фотогальванического тензора кристалла  $\text{LiNbO}_3:\text{Fe}$  // Автометрия.— 1987.— № 6.
17. Винецкий В. Л., Кухарев Н. В., Одулов С. Г. и др. Динамическая самодифракция когерентных световых пучков // УФН.— 1979.— 129, № 1.

Поступила в редакцию 3 февраля 1988 г.

---